



ا کائیاں اور پیائش

(Units and Measurement)

2.1 تعارف (INTRODUCTION)

طبیعیات ایک مقداری سائنس ہے۔ کسی بھی طبیعی مظہری تشریح کرنے کے لیے مختلف طبیعی مقداروں کی پیائش نہایت ضروری ہے۔ کسی بھی طبیعی مقدار کی پیائش ایک بنیادی اختیاری بین الاقوامی معیار کی پیائش نہایت ضروری ہے۔ کسی بھی طبیعی مقدار کی پیائش ایک بنیادی اختیاری بین الاقوامی معیار کر نظور شدہ حوالہ معیار کے نقابل پر شتمال ہوتی ہے۔ اس حوالہ معیار کو اکائی کے ساتھ ایک عدد (عددی پیائش) سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ اگر چہ ہمارے ذریعہ پیائش کی جانے والی طبیعی مقداروں کی تعداد بہت زیادہ ہے، پھر بھی ہمیں سبھی طبیعی مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے اکائیوں کی محدود تعداد کی ضرورت ہوتی ہے، کیونکہ یہ مقداریں ایک مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے اکائیوں کی محدود تعداد کی ضرورت ہوتی ہے، کیونکہ یہ مقداریں کی گئ اکائیوں کو بنیادی یا اساسی اکائی گئے ہیں۔ اس کے علاوہ دیگر سبھی طبیعی کمیتوں کی اکائیوں کو ان بنیادی یا اساسی اکائیوں کو ماخوذ بنیادی یا جاسکتا ہے۔ اس طرح سے حاصل کی گئ مقداروں کی اکائیوں اور ماخوذ بنیادی یا اساسی اکائیوں کو ماخوذ کا گئوں (ederived units) کہتے ہیں۔ اساسی اکائیوں اور ماخوذ اکائیوں کو معامل سیٹ کو اکائیوں کو اگلیوں کو اگلیم کی کہاجا تا ہے۔

(THE INTERNATIONAL اکا تین الاقوامی نظام 2.2 SYSTEM OF UNITS)

پہلے مختلف ممالک کے سائنسدال اکائیول کی پیائش کے لیے مختلف اکائیول کا نظام استعمال کرتے تھے۔اس طرح تین اکائیول کا نظام CGS نظام، FPS نظام اور MKS نظام حال تک استعمال ہوتا رہا ہے۔ لمبائی، کمیت اور مدت کی اکائی مختلف نظام میں درج ذیل تھیں۔

- CGS نظام میں بیر بالتر تیب سنیٹی میٹر، گرام اور سکینٹر ہے
 - FPS نظام میں بہ بالتر تیب فٹ، یا وَ نڈ اورسکینڈ ہے
 - MKS نظام میں یہ بالتر تیب میٹر، کلوگرام اور سکینڈ ہے آج کل بین الاقوامی سطح پر منظور شدہ نظام۔

2.1 تعارف

2.2 ا كائيول كابين الاقوامي نظام

2.3 لمبائی کی پیائش

2.4 كىيت كى يمائش

2.5 وقت کی پیاکش

2.6 آلات کی درستی صحت اور دقیق بیاکش میں ہم

2.7 بالمعنی اعداد

2.8 طبیعی مقداروں کے ابعاد

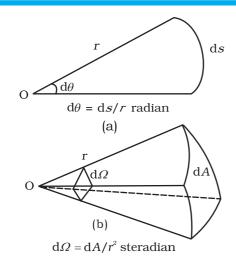
2.9 ابعادی فارمولے اور ابعادی مساواتیں

2.10 ابعادى تجزيداوراس كااطلاق (استعال)

حلا صـ

مشق

اضافىمشق



شكل Δr مستوى زوابيا $d\theta$ اور (b) محوس زاوبي Δr كا اظهار

کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے: سطح زاویہ ۵۵ قوس کی لمبائی ۵۶ اور مربع کا تناسب ہے۔ انہیں شکل 2.1 (a) اور (b) میں بالترتیب دکھایا گیا سطح زاویه کی اکائی ریڈرین (radian) اور علامت rad ہے۔

بين الاقوامي نظام (International System of Units) کا فرانسیسی ترجمه] اوراس کامخفف SI ہے۔ یہ SI نظام، علامتوں، اکائیوں اور خففوں کے ساتھ 1971 میں منعقد ہوئی ''اوزان اور پہانوں برعمومی كانفرنس ' كي ذريع تياركيا كيا اوراس كانفرنس نے يوري دنيا ميں سائنسي ، تکنیکی اور کاروباری کام میں اس کے استعال کی فرمائش کی۔ کیونکہ SI ا کائیوں میں اعشار پینظام استعال کیا گیا ہے،اس لیےاس نظام میں ایک اکائی سے دوسری اکائی (جیسے میٹرسے سینٹی میٹریا اس کے برعکس) میں تبدیل کرنا، بہت سادہ اور سہل ہے۔ہم اس کتاب میں SI کا کیال ہی استعال کریں گے۔

SI میں سات اساسی اکائیاں ہیں جو جدول 2.1 میں دی گئی ہیں۔ان سات اساسی ا کا ئیوں کے ساتھ ساتھ دواورا کا ئیاں بھی ہیں جوسطح زاویہ (Ωd) کے لیے ہیں۔ان کا ورٹھوں زاویہ (Ωd) کے لیے ہیں۔ان نصف قطرα کی نسبت ہے۔ ٹھوس زاویہ ۵۲،اوج O(apex) مرکز لیتے ہوئے،اس کے گرد کروی سط کے قطع کیے گئے رقبے 🗚 اورنصف قطر r کے

جدول SI 2.1 اساسی مقدار اور اکائیان *

SI اکائی	بنیادی		
تعریف	علامت	نام	مقدار
روشنی کے ذریعہ خلامیں ایک سیکنڈ کے 1/299,792,458 سے وقفہ وقت میں طے کی گئی راہ کی لمبائی میٹر ہے۔ (1983 سے تسلیم شدہ)	m	میٹر	لىباقى
فرانس میں پیرس کے پاس سیورس میں بین الاقوامی وزن اور پیائش بیورو میں رکھے گئے کلوگرام (پلیٹنم اریڈیم مخلوط دھات سے بنے سلنڈر) کے بین الاقوامی نمونے کی کمیت کلوگرام ہے۔ (1989سے تسلیم شدہ)	kg	کلوگرام	کمیت
ایک سینڈ وہ وقفہ ہے جو سیزیم 133 ایٹم کی تحق حالت کی دوبار یک ترین سطحوں کے درمیان عبور میں اشعاع ریزی کے 200 میں میں مدت ہے۔ (1967 سے تسلیم شدہ)	S	ئىڭىد	وقت
ایک ایمپیر وہ مستقل کرنٹ ہے جسے خلامیں 1 میٹر کی دوری پر واقع دوسید ھے'لامتنا ہی لمبائی والے متوازی اور قابل نظر انداز عمودی تراش کے موصلوں کے درمیان قائم رکھا جائے تو فی میٹر لمبائی پر ⁷⁻ 10×2 نیوٹن قوت پیدا ہو۔ (1948 سے تسلیم شدہ)	A	ايمپير	برقی کرنٹ

پانی کے ثلاثی نقطہ حرح کیاتی درجہ حرارت کے 1/273.16 ویں حصے کو کیلون کہتے ہیں۔(1967 سے تسلیم شدہ)	K	كيلون	حرکیاتی درجه حرارت
مول کسی نظام میں شے کی وہ مقدار ہے جس میں اساسی ہستیوں (عناصر) کی تعداد اتنی ہے جتنی 0.0 12 kg کاربن 12 میں ایٹوں کی تعداد۔(1971 سے تشلیم شدہ)	mol	مول (mole)	شے کی مقدار
کینڈیلا، ایک دی ہوئی سمت میں، اس وسلہ کی درخشاں شدت ہے جو 540x10 ¹² Hertz تواتر کی یک رنگی شعاعیں خارج کرتا ہے اور جس کی' اس دی ہوئی سمت میں' اشعاعی شدت 1/683 واٹ فی اسٹریڈین ہے۔	cd	كينڈ يلا	درخشاں شدت

جدول SI 2.2 اساسی اکائیوں میں ظاہر کی گئی بعض ماخوذ اکائیاں

SI اکائی	طبیعی مقدار SI اکائی	
	علامت	رنام
60 s	min	منك
60 min = 3600s	h	گنشه
24h = 86400s	d	ون
365.25d=3.156×10 ⁷ s	у	سال
$1^0 = (\pi/180)$ rad	0	ڈ گری
$1 \mathrm{d}\mathrm{m}^3 = 10^{-3} \mathrm{m}^3$	L	لیٹر ٹن
10^3 Kg	t	
200 mg	c	كيرك
0.1 Mpa=10 ⁵ Pa	bar	بار
$3.7 \times 10^{10} \text{ s}^{-1}$	Ci	کیوری
2.58×10 ⁴ C/Kg	R	روججن
100 Kg	q	كوننظل
$100 \text{ fm}^2 = 10^{-28} \text{ m}^2$	b	بارن
$1 \text{ dam}^2 = 10^2 \text{ m}^2$	a	٦٢,
$1 \text{ hm}^2 = 10^4 \text{ m}^2$	ha	میکٹیر میعاری کرہ فضائی داب
$101325 \text{ Pa} = 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$	atm	میعاری کره
		فضائی داب

^{*} یهاں دی گئی قدروں کو یاد کرنے کی یا امتحان میں پوچھے جانے کی ضرورت نہیں ھے۔یهاں انہیں صرف یہ ظاہر کرنے کے لیے دیا گیا ہے کہ انہیں کس حدتك درستگی صحت کے ساتھ ناپا جاتا ہے۔ ٹكنولوجی میں ترقی کے ساتھ پیمائش کی ٹكنيكيوں میں بھی سدھار ہوتا ہے اور پیمائشیں بہتر درستگی صحت کے ساتھ کی جاسكتی ہیں۔اساسی اكائيوں کی تعریفوں میں بھی' اس ترقی كا ساتھ دینے كے ليے، ردوبدل كی جاتی رہتی ہے

تھوس زاویہ کی اکائی اسٹریڈین (steradian) اور علامت sr ہے۔ دونوںمقداریں غیرابعادی ہیں۔

بینوٹ کریں کہ جب مول (Mole) کا استعال کریں تو اس کے بنیادی عناصر کی نشاندہی کی جانی چاہیے۔ یہ بنیادی عناصر ایٹم، مالیول، آین، الیکٹران، دیگر ذرّات یا خصوصی طور پرصراحت کیے گئے کچھالیے ذرّات کے گروپ ہوسکتے ہیں۔

ضميمه A 6.1 ميں کچھ SI ماخوذ اکائياں جو بنيادي اکائيوں کی شکل میں ہیں دی گئی ہیں۔ اس کے علاوہ کچھ طبیعی مقداروں کے لیے الیمی ا کائیاں استعال میں لائی جاتی ہیں جوسات بنیادی اکائیوں سے اخذکی حاسکتی ہیں۔ (ضمیمہ A 6)۔ کچھ SI ما خوذ اکائیوں کو مخصوص نام سے حاناجاتا بيضميمه 6.2 A اور يحم ماخوذ SI اكائيال ان مخصوص نامول والي ا کائیوں اور سات بنیادی ا کائیوں کے استعال سے حاصل ہوتی ہیں ضمیمہ A 6.3 مان اکائیوں کوآپ کے فوری حوالے کے لیے ضمیمہ 2.6 اورضمیمہ 3.6 میں دیا گیا ہے۔ عام استعال کے لیے رکھی گئی کچھ دیگر ا کائیوں کو جدول 2 . 2 میں دیا گیاہے۔

عام SI سالقے (prefix) اوراضعاف اورتحت اضعاف کی علامتیں ضمیمہ A2 میں دی گئی ہیں۔آپ کے فوری حوالے کے لیے طبیعی مقداروں، کیمیائی عناصر اور نیوکلائیڈوں کے لیے مستعمل علامتوں کے عام رہنما اصول ضمیمہ A7 میں اور SI اکا ئیوں اور دیگرا کا ئیوں کے لیے ضمیمہ A8 میں دیے گئے ہیں۔

2.3 لسائی کی بھائش

(MEASUREMENT OF LENGTH)

آب لمبائی کی پمائش کے کچھ براہ راست (direct) طریقوں سے پہلے سے واقف ہیں۔ مثال کے لیے 10^{2} m سے واقف ہیں۔ مثال کے لیے 10^{2} m سے واقف ہیں۔ مثال کے الیے ہمان کی المبائی کی پیائش کے لیے میٹر پمانے کا استعال کیا جاتا ہے۔ m اسکی لمبائی کو بالکل صحیح ناینے کے لیے ورنیئر کیلیپرس (Vernier callipers) کا استعال کیا جاتا ہے۔ 10⁻⁵m تک کی لمبائی ناینے کے لیے اسکرو کیج اور

اسفیرومیٹر(Spherometer) (گولائی ماینے والا) کا استعال کرسکتے ہیں۔لیکن ان حدول سے آگے کی دوریوں کی پہائش کے لیے ہم کچھ خاص بالواسطه (indirect) طریقوں کا استعال کرتے ہیں۔

2.3.1 برای دوریوں کی بیائش

(Measurement of Large Distances)

کمبی دوریاں جیسے کہ کسی سیارے یا تارے کی زمین سے دوری ہم براہِ راست کسی میٹر پیانے کی مدد سے نہیں ناپ سکتے ہیں۔ ایسی صورتحال میں اہم طریقہ ہے اختلاف مظر طریقہ (parallax method)۔

جب آپ کسی پنسل کو کسی پس منظر (دیوار) کے کسی مخصوص نقطے یراینے سامنے رکھتے ہیں اور پنسل کو پہلے اپنی بائیں آئکھ A (دائنی آئکھ بندر کھتے ہوئے) سے اور پھراینی دائنی آنکھ B (بائیں آنکھ کو بندر کھتے ہوئے) سے دیکھتے ہیں، آپ غور کریں گے کہ پس منظر (دیوار) کے نقطے کے لحاظ سے پنسل کی حالت تبدیل ہوتی وکھائی دیتی ہے۔اسے احتسلاف منظر (parallax) کہاجا تا ہے۔مشاہدے کے دوفقاط کے درمیان دوری کو بنیاد (basis) کہا جاتا ہے۔اس مثال میں آئکھوں کے درمیان کی دوری بنیاد ہے۔

اختلاف منظر طریقے کے ذریعہ سیارہ S کی دوری D کی پہائش کے لیے، ہم زمین یر اسے دو مختلف مقامات (مشاہرگاہیں) A B = b اور B (جن کے درمیان دوری A (observatories) ہے) سے ایک ہی وقت پر دیکھتے ہیں جیسا کہ شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے۔ ہم ان دونوں نقاط پر جن دونوں سمتوں میں سیارہ دیکھا گیا ہے ان کے درمیان زاویہ کی پیائش کرتے ہیں۔شکل 2.2 میں کو جے علامت θ سے فاہر کیا گیا ہے۔ زاویہا ختلاف منظر \triangle ASB=0

(parallax angle) کتے ہیں۔

چونکہ سیارہ بہت زیادہ دوری پر واقع ہے یعنی $1>> \frac{b}{D}$ اور اس لیے زاویہ 6 بہت ہی چھوٹا ہے۔ ایس حالت میں ہم AB کو مرکز S اور نصف قطر (radius) والے دائرہ کی b لمبائی کا قوس مان سکتے θ بين AS = B = b = D نصف قطر، تب AS = BS بيان AS = BS

ا کا ئیاں اور پیائش

 $360^0 = 2\pi \text{ rad}$, معلوم ہے کہ (a) جواب

 $1^{\circ} = (\pi/180) \text{ rad} = 1.745 \times 10^{-2} \text{ rad}$

(b) $1^{\circ} = 60' = 1.745 \times 10^{-2} \text{ rad}$ $1' = 2.908 \times 10^{-4} \text{ rad} = 2.91 \times 10^{-4} \text{ rad}$

(c) 1'= 60"= 2.908×10^{-4} rad 1"= 4.847×10^{-4} rad = 4.85×10^{-6} rad

مشال 2.2 ایک آدمی ایخ قریبی مینار کی دوری معلوم کرنا چا ہتا

ہے۔ وہ مینار کے سامنے نقطہ A پر کھڑا ہے۔ اور خطے A کے سمت میں

کافی دور کی شے O کو دیکھتا ہے۔ اس کے بعد AC کے عمودی سمت

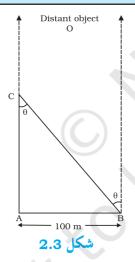
میں B نقطہ تک چلتا ہے جس کی دوری 100 میٹر ہے اور دوبارہ O اور

A O کو دیکھتا ہے۔ چونکہ O کافی دور ہے اس لیے سمت BO اور O C

کیساں معلوم ہوتی ہیں۔ لیکن اسے معلوم ہوتا ہے کہ C کا خط اب

آغازی خطِ نگاہ کے سے 400 ھوری آغازی مقام A سے کتنی ہے۔

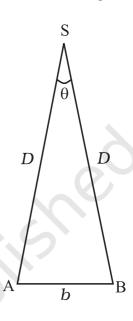
معلوم کریں کہ مینار کی دوری آغازی مقام A سے کتنی ہے۔



جواب معلوم ہے: $0 = 40^{\circ}$ اختلاف منظرزوایہ $0 = 40^{\circ}$ AB=AC 0 = 2.3 شکل $0 = 40^{\circ}$ AC=AB/0 = 100m/tan 0 = 100m/0.8391 = 119m

 مثال 2.3 زمین کے سی قطر کے دوانتہائی نقاط Α اور Β سے چاند کودیکھا گیا۔مشاہدہ کی دوسمتوں کے درمیان چاند پر بننے والا زاویہ θ '54°1 ہے۔ زمین کا قطر تقریباً π 1.276×1.276 ہے۔ زمین سے چاند کی دوری کا شار کیجئے۔ ریڈین میں ہے۔

$$D = \frac{b}{\theta} \tag{2.1}$$



شكل 2.2 اختلاف منظر طريقه

کے تعین کے بعد ہم اسی طریقے کے ذریعہ سیارے کا سائزیا زاویائی قطر بھی متعین کر سکتے ہیں۔اگر کسی سیارے کا قطر d ہے اور اس کا زاویائی سائز α(d) کے ذریعہ زمین کے کسی نقطے پر بنایا گیا زاویہ) ہے، تب

$$\alpha = d/D$$
 (2.2)

D زمین کے اس مقام سے ناپا جاسکتا ہے۔ یہ ان D دوسمتوں کے نیج کا زاویہ ہے جب سیارے کے کسی قطر کے دوانتہائی نقاط کو دوربین کے ذریعے دیکھا جاتا ہے۔ چونکہ D معلوم ہے تو سیارے کا قطر D مساوات (2.2) کی مدد سے متعین کیا جاسکتا ہے۔

1'/(b) (گری) $1^{\circ}(a)$ (a) مشال 2.1 ریڈین میں زاویہ علوم کریں $1^{\circ}(a)$ (گری) 1'(c) ستعمال کریں 1'(c) ستعمال کریں 1'(c) $1^{\circ}=60'$ $1^{\circ}=60'$ $1^{\circ}=60'$ $1^{\circ}=60'$

وضاحت کلاس XII کی طبیعیات کی درسی کتاب میں دی گئی ہے)۔ بھری روشنی کی طول لہر کی وسعت (ریخ) تقریباً لم 4000 سے A 7000 تک ہے (1 اینکسٹرام 1 = 10 ا⁰⁻¹⁰ سے نوری خرد بین اس سے چیوٹی نایوں کے ذرات کا جزوی تجزبہ ہیں کرسکتی ہے۔ بصری روشنی کے بجائے ہم الیکٹران شعاع کو استعال کرسکتے ہیں۔الیکٹران شعاعوں کو مناسب طوریر وضع کی گئی برقی اورمقناطیسی میدانوں کے ذریعہ فوٹس کیا جاسکتا ہے۔اس طرح کے الیکٹران مائیکرو اسکوپ کا تجزید جز آخر کار اس حقیقت کے سبب محدود ہوتا ہے کہ الیکٹران بھی ایک لہر کی طرح برتاؤ کرتا ہے! (اس سلسلے میں زیادہ معلومات آپ کلاس XII میں حاصل کریں گے) کسی الیکٹران کی طول لہر ایک اینکسٹر ام کی کسی کسر کے برابر تک کم ہوسکتی ہے۔ 0.6Å تک کے تجزیبہ جز صلاحیت والے الیکٹران مائیکرو اسکوپ بنائے جا کیے ہیں۔ ان کے ذریعہ کسی مادے میں ایٹوں، مالیکولوں کا تقریباً تجزیہ جز کیا جا سکتا ہے۔حال ہی میں ایجاد کی گئی سرنگائی خوردیینیات (Tunnelling microscopy) میں تج یہ جز کی حد ایک اینکسٹرام ہے بھی زیادہ بہتر ہے۔اس سے بھی مالیکولوں کے سائزوں کا تخینہ لگایا جاتا ہے۔اولیک ایسڈ (Oleic acid) کی تقریبی مالیکولی سائز معلوم کرنے کے لیے ایک مہل طریقہ درج ذیل ہے۔ اولیک ایسڈ ایک صابن کے محلول جیسا مائع ہے جس کا مالیکو لی سائز m 10-9 کے درجے کا ہے۔ مالیکولی سائز کو ناینے کے لیے سب سے پہلے یانی کی سطح پر اولیک ایسڈ کی یک مالیکولی سطح بنانی ہوگی۔

20 cm³ الکول میں 1 cm³ اولیک ایسڈ ملا یئے۔ پھراس محلول کا ارتکاز کے 1 cm³ حصہ کو cm³ الکوطل میں گھو لیے۔ تب محلول کا ارتکاز 1 cm³ حصہ کو 1 cm³ الکوطل میں گھو لیے۔ تب محلول کا ارتکاز 20×20 cm³ اولیک ایسڈ کے برابر ہے۔ اب پانی سے بھرے بڑے بب میں تھوڑ الائیکو پوڈ یم پاوڈ رچھڑ کیے اور پانی کی سطح پر اولیک ایسڈ کا قطرہ پانی اور الکوطل کے اس محلول کی ایک بوند ڈالیے۔ جلد ہی اولیک ایسڈ کا قطرہ پانی کی سطح پر ایک کی مولیکو لیائی موٹائی کی تقریباً کروی فلم کی شکل میں پھیل کی سطح پر ایک کی مولیکو لیائی موٹائی کی تقریباً کروی فلم کی شکل میں پھیل جاتا ہے۔ پھر ہم اس تیلی فلم کا جلدی سے قطر معلوم کر کے اس کا رقبہ حاصل جاتا ہے۔ پھر ہم اس تیلی فلم کا جلدی سے قطر معلوم کر کے اس کا رقبہ حاصل

 $\theta = 1^{\circ} 54' = 114'$ جو اب معلوم ہے کہ، '4.85 × 10⁻⁶) rad $= 3.32 \times 10^{-2} \text{ rad}$ $= 3.32 \times 10^{-2} \text{ rad}$ $1'' = 4.85 \times 10^{-6} \text{ rad}$ $5'' = 4.85 \times 10^{-6} \text{ rad}$ $1'' = 4.85 \times 10^{-6} \text{ rad}$ 1'' =

مشال 2.4 سورج کے زوایا کی قطر کی پیائش"1920 ہے۔
 سورج کی زمین سے دوری C، 10¹¹m ×10⁹ کے دوری
 کا قطر کیا ہے؟

جواب سورج كازاويائي قطرα

= 1920 × (4.85 × 10⁻⁶) rad = 9.31×10⁻³ rad سورج کا قطر

 $d = \alpha D$ = (9.31×10⁻³)×(1.496×10¹¹) m = 1.39×10⁹ m

2.3.2 نہایت چھوٹی دور یوں کی پیائش: مالیکیو ل کا سائز

(Estimation of Very Small Distances: size of a Molecule)

سالمہ کے سائز (10 ° 10 ° 10 ° 10) جیسی بہت ہی چھوٹی ناپوں کی پیائش کے لیے ہمیں خاص طریقے اپنا نے پڑتے ہیں۔ اس کے لیے ہم اسکروگئج یا اس طرح کے دیگر آلات کا استعال نہیں کر سکتے۔ یہاں تک کہ مائیکرواسکوپ (خور دبین) کی بھی کچھ حدیں ہیں۔ کسی نظام کی جانچ کے لیے نوری خردبین (optical microscope) میں بصری روشنی لیے نوری خردبین (visible light) کو استعال کیا جاسکتا ہے۔ کیونکہ روشنی میں لہرجیسی خاصیتیں ہوتی ہیں، اس لیے وہ جز تجزیہ (Resolution) جس تک ایک نوری خردبین استعال کی جاسکتی ہے، روشنی کی طول لہر ہے۔ (اس کی تفصیلی نوری خردبین استعال کی جاسکتی ہے، روشنی کی طول لہر ہے۔ (اس کی تفصیلی

کر لیتے ہیں۔ مانا کہ ہم نے پانی کی سطح پر محلول کی n بوندیں ڈالی ہیں۔ شروع میں ہم ہرایک بوند کا تخمینی حجم (vcm^3) معلوم کرتے ہیں۔ n بوندوں کا حجم n کلول کی n بوندوں کا حجم اس محلول میں اولیک ایسڈ کی مقدار

 $nV[1/(20 \times 20] cm^3$

اولیک ایسڈ کا بیمحلول پانی کی سطح پر نہایت تیزی سے پھیلتا ہے اور موٹائی t کی ایک بہت پیلی پرت بنا تا ہے۔ اگر یہ پھیل کر Ac m² رقبہ کی پرت بنا تا ہے۔ تو پرت کی موٹائی

$$t = \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}}$$

$$t = \frac{nV}{20 \times 20 \, \text{A}} \, \text{cm}$$

اگر ہم یہ مان لیں کہ پرت ایک مالیکولی موٹائی کی ہے تو یہ موٹائی اولیک (Oleic) ایسڈ کے مالیکول کے قطر کی ناپ کی ہوگی۔ اس کی موٹائی m و 10-9 درج کی ہوتی ہے۔

مشال 5. 2 اگر کسی نیوکلیس کے سائز (جو 15-10 سے 1-10 تک کی سعت میں ہوتا ہے) کو اتنے گنا بڑا کر دیا جائے کہ اسے ایک تیز پن کی نوک کے برابر مانا جاسکے، تو ایک ایٹم کا سائز تقریباً کتنا ہوگا؟ مان کیجے کہ بن کی نوک 10^{-4} سے 10^{-5} تک کی سعت میں ہوتی ہے۔

جواب نیوکلیس کاسائز m 10⁻¹⁵m سے 10⁻¹⁶ تک کی سعت (ریخ)
میں ہوتا ہے۔ بن کی تیزنوک کو m 10⁻⁵ m سے 10⁻⁴ m کے ریخ میں مانا
جاسکتا ہے۔ اس طرح ہم نیوکلیس کے سائز کو 10¹⁰ کے جزوضر بی (factor)
سے بڑھارہے ہیں۔ لہذا ایٹم جس کا سائز m 1⁻¹⁰ ہوتا ہے تقریباً سائز کا ظاہر ہوگا۔ اس لیے، ایک نیوکلیس ایک ایٹم میں سائز کے لحاظ سے اتنا
ہی چھوٹا ہوتا ہے، جتنی کہ تقریباً ایک میٹرسائز کے کرے کے مرکز پر رکھی ہوئی
ایک سوئی کی تیزنوک اس دائرے کے مقابلے میں چھوٹی ہوگی۔

(Range of Lengths) سعت 2.3.3

کائنات میں اشیا کے سائزوں کی سعت نہایت وسیع ہے۔ ان کی سعت کسی ایٹم کے ایک خور در بن (tiny) نیوکلیس کے سائز m 10⁻¹⁴ m تابل مشاہدہ کا ئنات (observable universe) کی حد 10²⁶ m کہ مشاہدہ کا ئنات (2.3 میں پچھ اشیا کے سائزوں اور لمبائیوں کے درجے ہوسکتی ہے۔ جدول 2.3 میں پچھ اشیا کے سائزوں اور لمبائیوں کے درجے اور سعت دیے گئے ہیں۔

نہایت خورد اور نہایت بڑی دور یوں کی پیائش کے لیے پچھ اور خاص اکائیاں درج ذیل ہیں:

$$t = 1 \text{ f} = 10^{-15} \text{ m}$$
 فرمی $1 \text{ A} = 10^{-10} = 1 \text{ m}$ اینکسٹر م $1 \text{ A} = 10^{-10} = 1 \text{ M}$ (سورج کی زمین سے اوسط دوری) $1 \text{ AU} = 1 \text{ فلکیاتی اکائی}$ $1 \text{ MU} = 1.496 \times 10^{11} \text{ m}$

 10^{15} سال (روشیٰ کے ذریعے 1 وری سال (روشیٰ کے ذریعے

ایک سال میں طے کی گئی دوری)

يارسيک 1 = 3.08×10^{-16} m

یارسیک وہ فاصلہ ہے جس پر زمین کے مدار کا اوسط نصف قطر

1 arc second کازاویہ بناتا ہے۔

(MEASUREMENT OF MASS) کمیت کی بیاکش (2.4

کمیت مادے کی بنیادی خصوصیت ہے۔ یہ شے کے درجہ حرارت، دباؤیا خلا میں اس کے مقام کے تابع نہیں ہوتا۔ کمیت کی SIکا کی کلوگرام (kg) ہے۔ وزن اور ناپ کے بین الاقوامی بیورو International Bureau کے ذریعہ دیے گئے of Weights and Measures (BIPM)] میں الاقوامی معیاری کلوگرام کے اصل نمونے (prototype) مختلف ملکوں کی بہت ہی تجربہ گاہوں میں دستیاب ہیں۔ ہندوستان میں بی نیشنل فزیکل لیباریٹری (NPL) ،نئی دبلی میں دستیاب ہیں۔ ہندوستان میں بین نیشنل فزیکل لیباریٹری (NPL) ،نئی دبلی میں دستیاب ہے۔

ایٹوں اور سالمات کی کمیت کی پیائش کے لیے کلوگرام ایک غیرموزوں اکائی ہے۔ لہذا ایٹوں کی کمیت کو ظاہر کرنے 28 طبعيات

ہی کم کمیت والی اشیاء جیسے ایٹمی رخت ایٹمی ذرّات وغیرہ کی کمیتوں کی پیائش کے لیے کمیت طیف نگار (mass spectrograph) استعال کیا جاتا ہے، جس میں ایک کیساں برقی ومقناطیسی میدان میں حرکت کررہے چارج شدہ ذرّے کے خطرح کت کا نصف قطراس کی کمیت کے راست متناسب ہوتا ہے۔

(Range of Masses) کمیتول کی سعت **2.4.1**

پورے عالم میں پائی جانے والی اشیا کی کمیتوں کی سعت کا پیانہ کافی بڑے پیانے کافی بڑے پیانے کافی بڑے پیانے پر ہے۔جوکسی الکیٹران کی خفیف کمیت (درجہ Kg ہے۔ 10⁻³⁰ Kg کی سے معلوم کا ئنات کی عظیم کمیت کے درجہ تقریباً 10⁵⁵ Kg کی ہے۔

ا کاربن 12 ہم جا (isotope) ایک ایٹم کی کمیت کا ایک ایک ایک ایک ٹرانوں کی کمیت بھی شامل ہے۔ 1/12 $= 1.66 \times 10^{-27} \, \mathrm{kg}$

عام طور پر دستیاب اشیاء کی کمیت معلوم کرنے کے لیے دوکانوں میں استعال ہونے والانز از واستعال کیا جاسکتا ہے۔ بڑی کمیتوں والی اشیاء جیسے سیارے، ستارے وغیرہ کی کمیتیں، نیوٹن کے مادی کشش کے قانون پر مبنی مادی کشش کے طریقے (دیکھیے باب8) کے ذریعے ناپی جاسکتی ہیں۔ بہت مادی کشش کے طریقے (دیکھیے باب8) کے ذریعے ناپی جاسکتی ہیں۔ بہت

جدول 2.3 لمبائيون كي سعتين اور درجات

لمبائی (m)	شے کے ناپ یا فاصلے
10 ⁻¹⁵	پروٹان کا ناپ
10 ⁻¹⁴	ایٹمی نیوکلیس کاسائز
10 ⁻¹⁰	ہائیڈروجن ایٹم کا سائز
10-8	کسی مثالی (typical) وائرس کی لمبائی
10 ⁻⁷	روشنی کی طول لهر
10 ⁻⁵	سرخ دموی جسیے (red blood corpuscle) کاسائز
10 ⁻⁴	کسی کاغذ کی موٹائی
104	سمندر کی سطح سے ماؤنٹ ابورسٹ کی اونچائی
10 ⁷	زمين كا نصف قطر
10 ⁸	ز مین سے چا ند کی دوری
10 ¹¹	ز مین سے سورج کی دوری
10 ¹³	سورج سے بلوٹو کی دوری
10 ²¹	ہماری گلیکسی کا سائز
10 ²²	ز مین سے اینڈروموئیڈا (Andromeda) گیلکسی کی دوری
10 ²⁶	قابل مشاہدہ کا ئنات کی سرحد تک دوری

جدول 2.4 میں مختلف اشیا کی مخصوص کمیتوں کے درجے اور سعت دیے گئے ہیں۔

جدول 2.4 کمیتوں کی سعتیں اور درجات

شے	كميت (كلو گرام)
اليكثران	10 ⁻³⁰
پروڻا <u>ن</u>	10 ⁻²⁷
لورينيم ايتم	10 ⁻²⁵
سرخ دموی خلیه	10 ⁻¹³
دھول کے ذریے	10 ⁻⁹
بارش کی بوند	10 ⁻⁶
P.	10 ⁻⁵
انگور	10 ⁻³
انبان	10 ²
٦ ڻومو بائيل (سواري <u>ا</u> ں)	10 ³
بوئنگ 747 ہوائی جہاز	10 ⁸
ع ي اند	10 ²³
ز مین	10 ²⁵
سورج	10 ³⁰
کهکشاں(گیلکسی)	10 ⁴¹
قابل مشامده کا ئنات	10 ⁵⁵

(MEASUREMENT OF TIME) وقت کی پمائش 2.5

کسی بھی وقفہ وقت کی پیائش کے لیے ہمیں گھڑی کی ضرورت ہوتی ہے۔
وقت کی پیائش کے لیے بہتر معیار کی ضرورت کے تحت ایٹمی گھڑی کوفروغ
دیا گیا ہے۔اب ہم وقت کی پیائش کے لیے ایٹمی معیاروقت atomic
دیا گیا ہے۔اب ہم وقت کی پیائش کے لیے ایٹمی معیاروقت standard of time)
ہونے والے دوری ارتعاش کو بنی ہے۔ قومی معیاروں میں استعال کی جونے والی سیزیم گھڑی جے ایٹمی گھڑی بھی کہتے ہیں، کی بہی بنیاد ہے۔
جانے والی سیزیم گھڑی جے ایٹمی گھڑی بھی کہتے ہیں، کی بہی بنیاد ہے۔
ایسے معیار کئی تج بہ گا ہوں میں دستیاب ہیں۔ سیزیم ایٹمی گھڑی میں ایک

سینٹر سیزیم (ground state) کے اس کی تحت حالت (hyper fine levels) کی در میان عبور دو باریک ترین سطحوں (hyper fine levels) کے در میان عبور (transition) سے مطابقت رکھنے والے 9,192,631,770 ارتعاش کے لیے مطلوبہ وقت کے مساوی لیا جاتا ہے۔ سیزیم ایٹم کے ارتعاش سیزیم ایٹمی گھڑی کے تشرح ارتعاش کو ٹھیک اس طرح منضبط (regulate) سیزیم ایٹمی گھڑی کہ توازنی پہنے کہ ایک جھوٹے کو ارٹز کرسٹل کے ارتعاش ایک سی کو ارٹز کرسٹل کے ارتعاش کسی کو ارٹز کلائی گھڑی کو منضبط کرتے ہیں یا ایک جھوٹے کو ارٹز کرسٹل کے ارتعاش کسی کو ارٹز کلائی گھڑی کو منضبط کرتے ہیں۔

سیزیم ایٹمی گھڑیاں نہایت درست وصیح ہوتی ہیں۔اصولی طور پر یہ گھڑیاں آسانی سے لے جا سکنے والے (portable) میعار فراہم کراتی ہیں۔وقفہ وقت کے قومی میعار سکینڈ،اورساتھ ساتھ تواتر کو چارسیزیم ایٹمی گھڑیوں کے ذریعہ قائم رکھا جاتا ہے۔ بیشل فزیکل لیباریڑی(NPL)،نگ دبلی میں ہندوستانی میعاری وقت قائم رکھنے کے لیے سیزیم ایٹمی گھڑی استعال کی حاربی ہے۔

ہمارے ملک میں، تواتر اور وقت کے طبیعی معیاروں کی دکھیے ہمال (گرانی) اوران میں اصلاح وغیرہ کی ذمہ داری NPL، نئی دہلی کی ہے۔ خور کریں کہ ہندوستانی معیاری وقت (IST) ان ایٹمی گھڑیوں کے مجموعے سے متعلق ہے۔ سیزیم ایٹمی گھڑیاں اتنا درست وقت بتاتی ہیں کہ پیائش وقت میں غیریقتینیت (uncertainty) مال عالیہ اسلام عالیہ عالیہ علیہ اسلام علیہ عالیہ علیہ اسلام علیہ علیہ اسلام علیہ علیہ ناورہ وقت کی کمی بیشی نہیں ہوگی۔ وقت کی پیائش میں بہت زیادہ درستی صحت کے سب لمبائی کی اور وقت کی پیائش میں بہت زیادہ وقت کے درسی صحت کے سب لمبائی کی اور وقت کے ذریعہ متعین وقت کے درستی صحت کے سب لمبائی کی اور وقت کی گئی راہ لمبائی وقت کے درستی صحت کے سب لمبائی کی اور قتی کے درسی سینٹر) میں طے کی گئی راہ لمبائی وقت کے وقت کے درسی سینٹر) میں طے کی گئی راہ لمبائی (path length)

دنیا میں مختلف واقعات کے وقفہ وقت کی سِعت کافی وسیع ہے۔ جدول 2.5 میں کچھ اہم وقفہ وقت کے در ہے اور سعتیں ظاہر کی گئی ہیں۔

جدول 2.5 اور 5.5 کا مشاہدہ کرنے پر آپ دیکھیں گے کہ مختلف پہاکشوں کے اعداد اور ان میں فرق کے درمیان کیسانیت ایک دلچیس

اتفاق ہے۔ غور کریں کہ دنیا میں اشیا کی سب سے بڑی لمبائی اور مختفر ترین لمبائی کی پیائش کی نبیت تقریباً 10^{4 اس}ے۔ اسی طرح ہماری دنیا میں اشیا اور واقعات سے متعلق زیادہ سے زیادہ اور مختفر ترین وقفہ وقت کا تناسب بھی 10^{4 اس}ے۔ اشیا کی کمیتوں کے جدول 4.2 میں عدد 10^{4 اس} پھر شاہر ہوتا ہے۔ کا ننات کی زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم کمیتوں کا تناسب فاہر ہوتا ہے۔ کا ننات کی زیادہ سے تروپ میں یہ غیر معمولی ہم آ ہنگی محض اتفاق ہے؟

2.6 آلات کی درستی صحت اور دقیق پیمائش میں سہو

(ACCURACY, PRECISION OF INSTRUMENTS AND ERRORS IN MEASUREMENT)

پیائش ہر تجرباتی سائنس اور ٹکنالوجی کی بنیاد ہے۔ کسی بھی پیائش آلے سے لی ٹئی ہرایک پیائش آلے سے لی ٹئی ہرایک پیائش کے نتیجہ میں کچھ غیر یقینیت ہوتی ہے یہ غیر یقینیت (سہویا غلطی) (error) کہلاتی ہے۔ ہرایک تحسیب کی گئی مقدار میں، جو پیائش کی گئی قدروں پر ہنی ہوتی ہے، کچھ نہ کچھ سہو ہوتا ہے۔ بیال ہمیں دواصطلاحات درستی صحت (accuracy) اور دقیق پیائش

(precision) میں امتیاز، کرنا ہوگا۔ کسی قدر کی در تیِ صحت وہ پیائش ہے جو یہ بتاتی ہے کہ کسی مقدار کی پیائش کی گئی قدر اس کی حقیقی قدر کے کتنی قریب ہے جب کہ پیائش کا دقیق ہونا ہمیں یہ بتا تا ہے کہ کسی مقدار کی کس جز تجزیہ یا حد تک پیائش کی گئی ہے۔

یائش کی در گی ، گئی عوامل پر مخصر ہوتی ہے جس میں آلہ پیائش کی حد یا جز تجویہ بھی شامل ہے۔ مثال کے لیے مان لیجے کہ سی شے کی لمبائی کی صحیح قدر 3.678 cm ہے۔ کسی تجربہ میں 0.1 cm جزیہ کے پیائش آلے کے ذریعہ خاص شے کی لمبائی کی پیائش قدر mm 3.5 دوسرے تجربے میں زیادہ جز تجزیہ مصال دوسرے تجربے میں زیادہ جز تجزیہ مصال اسی لمبائی کی پیائش قدر mm 3.38 cm ہے۔ لہذا پہلے پیائش فریعہ حاصل اسی لمبائی کی پیائش قدر ست ہے۔ (کیونکہ یہ شیقی قدر کے طریقے سے حاصل شدہ پیائش فریدہ ورست ہے۔ (کیونکہ یہ شیقی قدر کے زیادہ قریب ہے) لیکن کم دقیق (کیونکہ اس کا جز تجزیہ صرف m 0.1 cm نیکن زیادہ دوسرے بیائش طریقے کے ذریعہ حاصل شدہ پیائش کم درست ہے۔ کہ دوسرے بیائش میں غلطیوں (سہو) کے سبب ہرایک پیائش میں سہوکی درجہ بندی درج ذیل طور پر کی حاسک عاسکتی ہے۔

جدول 2.5 وقفه وقت کی سِعت

واقعه	وقفه وقت (s)		
نہایت غیر پائیدار ذرے کی مدت حیات	10 ⁻²⁴		
روشیٰ کے لیے نیوکلیر دوری کو طے کرنے میں لگا وقت	10 ⁻²²		
x- کرنوں کا دور	10 ⁻¹⁹	X	
ایٹمی ارتعاش کا دور	10 ⁻¹⁵		
روشنی اهر کا دور	10 ⁻¹⁵		
کسی ایٹم کی اشتعالی حالت کی مرت حیات	10 ⁻⁸		
ریڈ بولہر کا دور	10 ⁻⁶		
آ واز ابر کا دور	10 ⁻³		
آئد کے جھپنے میں لگاونت	10 ⁻¹		
انسانی دل کی دومتواتر د <i>هر ^د کنو</i> ل کا درمیانی وقفه	10 ⁰		

اکا ئیاں اور پیاکش

10 ⁰	روشنی کا جاند ہے زمین تک آنے میں لگاوفت
10 ²	روشنی کا سورج سے زمین تک آنے میں لگا وفت
10 ⁴	کسی مصنوعی سیار ہے کا دوری وقت
10 ⁵	ز مین کی گردش کا دور
10 ⁶	حپاند کا گردشی اور طواف کا دور
10 ⁷	زمین کے طواف کا دور
10 ⁸	روشنی کا قریبی تارے سے زمین تک آنے میں لگا وقت
10 ⁹	انسان کی اوسط مدت حیات
10 ¹¹	مصر کے احراموں کی عمر
10 ¹⁵	ڈائناسور کے معدوم ہونے کے بعد گز راوقت
10 ¹⁷	کا ئنات کی عمر

(c)

- (a) بانظام سهو (systematic errors)
- (random errors) بے ترتیب ہمو

بانظام سهو (Systematic errors)

نظام سے وابسۃ سہو وہ سہو ہیں جو کسی بھی ایک سمت، خواہ مثبت یا منفی، کی طرف ماکل ہوتے ہیں۔اس فتم کے سہو کے پچھاسباب درج ذیل ہیں:

(a) آلاتی سہو (Instrumental errors): یہ غلطیاں پیائثی آلے کے ناقص ڈیزائن یا پیانہ بندی کے سبب، صفر سہو کی موجودگی وغیرہ کے سبب بیدا ہوتی ہیں۔ مثال کے لیے، ہوسکتا ہے کہ کسی فقر مامیٹر میں درجہ کرارت کی نشان بندی درست نہ ہو (جس کے سبب بیانی کے نقطہ جوش کو وہ تھر مامیٹر کا 104° کہ کھا سکتا ہے جب کہ اسے 200° کہ بڑھا جانا چا ہیے)،کسی ور نیر کیلیپر س ہے جب کہ اسے 200° کی صفر نشان خاص پیانے کے صفر نشان کی سیدھ میں ور نیر پیانے کا صفر نشان خاص پیانے کے صفر نشان کی سیدھ میں نہ ہو یا کسی عام میٹر پیانے کا ایک سرا گھسا ہوا ہو۔

(Imperfection تجرباتی تکنیک یا طریقہ عمل کانقص (b in experimental procedure):

مثال کے لیے کسی انسانی جسم کے درجہ حرارت کی پیائش کے لیے

جب تھر مامیٹر کو بغل میں لگایا جاتا ہے تو یہ جسم کے اصل درجہ حرارت سے کم درجہ حرارت دکھاتا ہے۔ تجربے کے دوران کچھ دیگر خارجی حالات (جیسے درجہ حرارت، رطوبت، ہوا کی رفتار وغیرہ میں تبدلیاں) پیائش کو منظم طور پر متاثر کر سکتے ہیں۔

انفرادی سمو (Personal errors): یه غلطیاں تجربہ کرنے والے فرد کے میلان، سازوسامان کی مناسب ترتیب میں کمی یا مشاہدہ سے متعلق مناسب احتیاطی تدابیر کے بغیر مشاہدات لینے میں کسی خص کی لاپروائی وغیرہ کے سبب پیدا ہوتی ہیں۔ مثال کے لیے اگر آپ اپنی عادت کے مطابق پیانے پرسوئی کے مقام کو پڑھتے وقت آپ این عادت کے مطابق پیانے پرسوئی کے مقام کو پڑھتے وقت این عادت کے مطابق کے کھر زیادہ دور تک رکھتے ہیں تب آپ اختلاف منظر (parallax) کے سبب غلطی کر بیٹھیں گے۔

بے ترتیب سہو (Random errors)

یہ سہووہ سہو ہیں جو بے قاعدہ طور پر ہوتے ہیں اور اس لیے علامت اور سائز کے کھاظ سے یہ بے ترتیب ہوتے ہیں۔ یہ تجرباتی حالات (درجہ حرارت، ولیٹے سپلائی، تجرباتی بندوبست کے میکائلی ارتعاش وغیرہ) میں بے ترتیب اور غیرمتوقع اُتار چڑھاؤ، مشاہد کے ذریعہ مشاہدہ اور اندراجات کے دوران کی گئی ذاتی غلطیاں (ذاتی میلان) وغیرہ کے سبب پیدا ہو سکتے ہیں۔ مثال کی گئی ذاتی غلطیاں (ذاتی میلان) وغیرہ کے سبب پیدا ہو سکتے ہیں۔ مثال

مقدار کی صحیح قدر اورانفرادی پیمائش قدر کے درمیان کے فرق کی عددی قدر کو پیمائش کا مطلق سھو absolute) فرق کی عددی قدر کو پیمائش کا مطلق سھو error) کھا جاتا ھے۔اسے $|\Delta\alpha|$ $|\Delta\alpha|$ جاتا ھے۔اسے $|\Delta\alpha|$ $|\Delta\alpha|$ جاتے اس لیے حمانی ہے (کیونکہ ہم کسی مقدار کی حقیق قدر نہیں جانے اس لیے حمانی درمیانے کو صحیح قدر تسلیم کر لیتے ہیں) تب انفرادی پیائش کی قدروں میں سہواس طرح ہیں،

$$\Delta a_1 = a_{mean} - a_1$$

$$\Delta a_2 = a_{mean} - a_2$$

$$\dots \dots \dots$$

$$\Delta a_n = a_n - a_{mean}$$

اوپر دیے ہوئے مشاہدات میں، کچھ مشاہدات کے لیے کم کی تحصیب شدہ عدد مثبت ہوسکتی ہے اور کچھ کے لیے منفی لیکن مطلق سہو الم

سجی مطلق سهو کے حسابی درمیانے کو طبیعی مقدار می قدر میں حتصی یا درمیانه مطلق سهو مانا جاتا ہے۔ اسے Δαmean سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ اسے اس طرح:

 $\Delta a_{mean} = (|\Delta a_1| + |\Delta a_2| + |\Delta a_3| + ... + |\Delta_{an}|)/n$ (2.6)

$$=\sum_{i=1}^{n}|\Delta a_{i}|/n \tag{2.7}$$

اگر ہم صرف ایک ہی پیائش لیں تو اس کی قدر a_{mean} + Δa_{mean} کی سعت میں ہوسکتی ہے۔

 $a = a_{mean} + \Delta a_{mean}$ \dot{z}^{z}

 a_{mean} $-\Delta a_{mean} \le a \le a_{mean} + \Delta a_{mean}$ (2.8) اس کا مطلب ہوا کہ طبیعی مقدار a کی کسی بھی پیاکش کا

کے لیے، جب ایک ہی شخص کسی مشاہرے کو کئی بار دہرا تا ہے تو میمکن ہے کہ ہر باروہ ان کی مختلف قدریں حاصل کرے۔

(Least count error) کم ترین شمار سهو

کم ترین شارسہو (یا خطا) وہ خطا ہے جو آلے کے جز تجزیے کے ساتھ جڑی ہوتی ہیں۔ مثال کے لیے، کسی ور نیر کیلیپرس کا کم ترین شار ساتھ جڑی ہوں۔ مثال کے لیے، کسی ور نیر کیلیپرس کا کم ترین شار ص 0.001 cm ہوسکتا ہے۔ کم ترین شارسہو بے ترتیب سہو کے زمرے میں شامل ہیں لیکن ان کا سائز محدود ہوتا ہے۔ بیسہومنظم اور بے ترتیب دونوں قسموں کا ہوسکتا ہے۔ اگر ہم لمبائی کی پیائش کے لیے میٹر پیانے کا استعال کرتے ہیں تو میٹر بیانے کی نشان بندی mm کے فاصلے یاوقفے پر ہوسکتی ہے۔ نبیٹا دقیق آلات کے استعال اور تجرباتی تکنیک میں بہتری لانے وغیرہ سے کم ترین شارسہوکو کم کیا جاسکتا ہے۔ مشاہدات کو گئی بارد ہرانے اور پھران مابی درمیانہ قدر پیائش کی گئی مقدار کی حقیقی قدر کے حسابی درمیانہ لینے پر بید درمیانہ قدر پیائش کی گئی مقدار کی حقیقی قدر کے بہت ہی قریب ہوگی۔

2.6.1 مطلق سهوا سبق سهوا ورفي صدسهو

(Absolute error, Relative error and Percentage error)

$$a_1,\ a_2,\ a_3,...,\ a_n$$
 مان کیجے کہ کئی پیائشوں کی قدر میں میں میں۔ ان کا حسابی درمیانیہ، پیائش کے دیئے ہوئے حالات میں، مقدار کی سب سے بہتر ممکن قدر مانی جاتی ہے،

$$a_{mean} = (a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n) / n$$
 (2.4)

$$a_{mean} = \sum_{i=1}^{n} a_i / n$$
 (2.5)

اس کی وجہ یہ ہے (جسیا کہ پہلے تشریک کی گئی ہے) کہ بیفرض کرنا

معقول ہے کہ انفرادی پیائش کے ذریعے حاصل کیے گئے تخمینے کا

مسیح قدر سے جتنا زیادہ ہونے کاامکان ہے اتنا ہی امکان کم مونے کا بھی ہے۔ اکا ئیاں اور پیائش

اور $(a_{mean}-\Delta a_{mean})$ ورمیان ہونے کا $(a_{mean}+\Delta a_{mean})$ امکان ہے۔

مطلق سہو کے بجائے اکثر ہم نبتی سہویا فی صدسہو (δ a) کا بھی استعال کرتے ہیں۔ نسبت سہو درمیانہ مطلق سہو مصلی سہو کا مصلی سہو کی مصلی سہو کی اور بیائش کی گئی شے کی ورمیانہ قدر مصصد کی نسبت ہے۔

(relative error) = $\Delta a_{mean}/a_{mean}$ (2.9) مطلق سہو $\Delta a_{mean}/a_{mean}$ (2.9) جب نسبتی سہو کو فی صد میں ظاہر کیا جاتا ہے تو اسے فی صد سہو (δa) کتے ہیں۔ لہذا فی صد سہو

$$\delta a = (\Delta a_{mean}/a_{mean}) \times 100\% \tag{2.10}$$

آيئ ايك مثال ليتي بين:

مثال 2.6 ووگھڑیوں کی کسی قومی لیباریٹری میں رکھی ایک معیاری گھڑی کے ساتھ جانچ کی جارہی ہے۔جس وقت معیاری گھڑی میں دو پہرکے 12:00:00 بجتے ہیں اس وقت ان دو گھڑیوں کی ریڈنگ اس طرح ہیں۔

گھڑ ی 2	گھڑی 1	
10:15:06	12:00:05	دوشنبه
10:14:59	12:01:15	منگل
10:15:18	11:59:08	بدھ
10:15:07	12:01:50	جمعرات
10:14:53	11:59:15	جمعه
10:15:24	12:01:30	سنيج
10:15:11	12:01:19	اتوار
ی وقفہ وقت کی وقیق پیائشوں کی	۔ تجربہ کررہے ہیں جس میر	اگر آپ کوئی
ن کی گھڑی کا انتخاب کریں گے؟	تو آپان دونوں میں سے کو	ضرورت ہے

جواب سات دنوں کے مشاہدات میں تغیرات کی رینج گھڑی 1 کے لیے 162s ہے۔ گھڑی 1 کی اوسط ریڈنگ گھڑی 2 کی اوسط ریڈنگ گھڑی 2 کی اوسط ریڈنگ کے مقابلے معیاری وقت کے زیادہ قریب ہے۔ اہم بات یہ ہے کہ گھڑی کا صفر سہو (zero error) دقیق کام کے

لیے اتنا اہم نہیں ہے جتنا کہ ریڈنگ کا آپسی فرق کیونکہ 'صفر سہو' کو ہمیشہ آسانی سے دور کیا جاسکتا ہے ۔اس لیے گھڑی 1 کے بجائے گھڑی 2 کو ترجیح دی جائے گی۔

مثال 2.7 ہم کسی سادہ پنیڈولم کے اہتزاز (oscillation) کے دوری وقت کی پیائش کرتے ہیں۔ متواتر پیائشوں میں ریڈنگ بیں دعوں وقت کی پیائش کرتے ہیں۔ متواتر پیائشوں میں ریڈنگ بیں 2.80 اور 2.80 دور 2.80 مطلق سہون بتی سہویا فی صدسہوکا شار کیجے۔

 $T = \frac{(2.63 + 2.56 + 2.42 + 2.71 + 2.80) s}{5}$

$$=\frac{13.12}{5}$$
 s = 2.624s = 2.62 s

کیونکہ ہر دور کی پیائش ہ 0.01 کے جز تجزیہ (علاحدگ) تک ہوئی ہے،اس لیے بھی وقت دوسرے اعشاریہ تک ہیں۔اس لیے وسط دور کوبھی دوسرے اعشاریہ مقام تک ککھنا مناسب ہے۔ پیائشوں میں مطلق سہو ہیں:

> 2.63 s - 2.62 s = 0.01 s2.56 s - 2.62 s = -0.06 s

2.42 s - 2.62 s = -0.20 s

2.71 s - 2.62 s = 0.09 s

2.80 s - 2.62 s = 0.18 s

یہ نوٹ کیجیے کہ مطلق سہو کی بھی وہی اکا ئیاں ہیں جو پیائش کی جانے والی مقدار کی ہیں۔

رمیانه (حسابی درمیانه (عسرت عددی قدر (magnitude) کے لیے ہم صرف عددی قدر ($\Delta T_{mean} = [(0.01 + 0.06 + 0.20 + 0.09 + 0.18)s]/5$ = 0.54 s/5 = 0.11 s

اس کا مطلب میہ ہے کہ سادہ پینیڈولم کے اہتزاز کا دور، s (2.62 + 0.11) یا 2.73 اور ہے یا 8 (2.62 + 0.11) یا 8 (2.62 اور ہے یا 8 (2.62 کے درمیان ہے۔ کیونکہ بھی مطلق سہو کا حسانی درمیانہ 8 (2.51 کے درمیان ہے۔ کیونکہ بھی مطلق سہو کا حسانی درمیانہ کے دسویں جھے میں پہلے ہی کوئی غلطی ہے۔ لہذا وقفہ وقت کوسویں جھے تک ظاہر کرنے کا کوئی مطلب نہیں ہے۔ لہذا لکھنے کا صحیح طریقہ ہے،

T = 2.6 + 0.1 s

بینوٹ کیجے کہ آخری عدد 6 غیر معتبر ہے کیونکہ یہ 5 اور 7 کے درمیان میں کچھ بھی ہوسکتا ہے۔ ہم بیہ کہہ کراس کا اشارہ دیتے ہیں کہ اس پیائش کے دو بامعنی اعداد (significant figures) ہیں۔ اس معاملے میں دو بامعنی عدد ہیں: 2، جو معتبر ہے، اور 6 ہے جس سے کوئی غلطی یا سہو مسلک ہے۔ آپ بامعنی اعداد کے بارے میں زیادہ تفصیل سے حصّہ 2.7 میں پڑھیں گے۔

اں مثال کے لینسبتی سہو یا فی صد سہو ہے، $\delta a = \frac{0.1}{2.6} \times 100 = 4\%$

2.6.2 غلطیوں کا اجماع (Combination of Errors) اگر ہم کوئی الیا تجربہ کریں جس میں مختلف پیائشیں شامل ہوں تو ہمیں یہ ضرور ہی جاننا چاہیے کہ سجی پیائشوں میں ہونے والے سہوکس طرح جمع ہوتے ہیں۔ مثال کے لیے کمیتی کثافت شے کی کمیت اور اس کے حجم کی نسبت

آپایک خط کی لمبائی کیسے معلوم کریں گے؟

(How will you measure the length of a line?)

کیسامہمل سوال ہے؟ ہوسکتا ہے آپ اب یہ کہیں ۔ لیکن اگر خط،

خطِستقیم (straight line) نہ ہوتو؟ ایک ٹیرھا میڑھا خط اپنی

کائی یا تختہ ساہ پر کھنچے۔ جی ہاں، اب بھی کوئی بڑی مشکل بات نہیں

ہے۔ آپ ایک دھا گہ لے کراسے خط پراس طرح رکھے کہ وہ خط

کو پوری طرح ڈھک لے، پھر دھا گہ کو کھو لیے اور اسکی لمبائی
ناپ لیجے۔

اب تصور سیجے کہ آپ ایک قوی شاہ راہ کی لمبائی ناپنا چاہتے ہیں یا ایک دریا کی یا دو اسٹیشنوں کے درمیان بیجی ہوئی ریل کی پٹری کی یا دوصوبوں یا ملکوں کے درمیان سرحد کی لمبائی ناپنا چاہتے ہیں۔اب اگر آپ ایک میٹر یا سومیٹر لمبا دھا گہررتی لیں، چاہتے ہیں۔اب اگر آپ ایک میٹر یا سومیٹر لمبا دھا گہررتی لیں، اسے خط پر رکھیں، پھر جہاں اس کا اگلا سراتھا، وہاں پچھلا سرار کھیں اور اس طرح دھاگے کے مقام کو بدلتے جائیں تو اس کام کے لیے جتنے گھنٹوں کی محنت درکار ہوگی اور جتنا خرج آئے گا، اس کے مقابلے میں حاصل بہت چھوٹی می بات ہوگی۔مزید ہی کہ اس اسے مقابلے میں حاصل بہت چھوٹی می بات ہوگی۔مزید ہی کہ اس اسے لمبے کام میں غلطیاں ہونے کے امکان تقریباً بیٹنی ہیں۔اس کے بارے میں ایک دلچسپ حقیقی واقعہ ہے۔فرانس اور بیکچم کی ایک بارے میں التوامی سرحد ہے،جس کی ، دونوں ملکوں کی سرکاری دستاویزوں میں، درج لمبائی میں قابلی لحاظ فرق ہے۔

ایک قدم آگے بڑھیے اور اس ساحلی خط کا تصور کیجیے جہاں زمین،سمندر سے ملتی ہے۔ سڑکوں اور دریاؤں میں ساحلی خط کے مقابلے میں بہت کم گہرے موڑ ہوتے ہیں۔ تب بھی تمام دستاویزوں میں، جن میں ہماری درسی کتابیں بھی شامل ہیں، گجرات یا آندهرایردیش کے ساحل سمندریا دوصوبوں کی مشتر کہ سرحد وغیرہ کی لمبائی کے مطعلق معلومات شامل ہوتی ہے۔ ریل کے ٹکٹوں پر دو اسٹیشنوں کا درمیانی فاصلہ چھیا ہوتا ہے۔سڑک کے کنارے کنارے ہر جگہ میل کے پیھر لگے ہوتے ہیں، جومختلف بستیوں کے فاصلوں کی نشاندہی کرتے ہیں۔ پھر پیکسے کیا جاتا ہے؟ ہمیں بیر فیصلہ کرنا ہوتا ہے کہ ہم کس حد تک پیاکش میں سہو (error) برداشت کریں گے اور پھریہ دیکھنا ہوتا ہے کہ کم از کم خرچ کیسے آئے گا۔اس کے لیے اعلیٰ ٹکنولوجی اور بڑا خرچ درکار ہے۔ یہ کہنا کافی ہوگا کہ اس کے لیے اچھی خاصی اعلیٰ درجہ کی طبیعات، ریاضی انجینیر نگ اور ٹکنولوجی درکار ہوگی۔ پیفریکٹلس (Fractals) سے متعلق ہے جو حال ہی میں نظریاتی قبولیت اختیار کرنے والی طبیعات کی شاخ ہے۔ پھر بھی ہم پہنیں جان

ا کا ئیاں اور پھائش

سکتے کہ جواعداد ہمارے سامنے آئے ہیں وہ کس حد تک قابل بھروسہ ہیں، جیسا کہ فرانس اور بیجیم کے قصے سے ظاہر ہوتا ہے۔آپ کی دلچیں کے لیے یہ بتادیں کہ فرانس اور پلجیم کے درمیان لمبائی کی پائش کا بیتناقص (Discrepancy)، فریکٹلس اور بےنظمی (chaos) کے موضوع پر طبیعات کی ایک اعلیٰ نصاب کی کتاب کے پہلے صفحے پر درج کیا گیا ہے۔

 $t' = t_2 - t_1 : -$

 $=(50^{\circ}C+0.5^{\circ}C)-(20^{\circ}C+0.5^{\circ}C)$

درجه حرارت کا فرق اوراس میں سہومعلوم کریں۔

 $= 30^{\circ}\text{C} + 1^{\circ}\text{C}$

(b) حاصل ضرب ما حاصل تقسيم (خارج قسمت) مين سهو

(Errors of a product or a quotient)

 $B+\Delta B$ اور $A+\Delta A$ اور $A+\Delta B$ اور $A+\Delta B$ اور $A+\Delta B$ اور $A+\Delta B$

مثال 2.8 دواجسام كورجبرارت كي تقرمامير سے ناين پر قدري

 $t_0 = 50^{\circ}\text{C} + 0.5^{\circ}\text{C}$ $t_1 = 20^{\circ}\text{C} + 0.5^{\circ}\text{C}$

ہیں تب

 $Z + \Delta Z = (A \pm \Delta A) (B \pm \Delta B)$

 $= AB \pm B\Delta A \pm A\Delta B \pm \Delta A\Delta B$

LHS کو Z سے اور RHS کو AB سے تقسیم کرنے پر

 $1 \pm (\Delta Z/Z) = 1 \pm (\Delta A/A) \pm (\Delta B/B) \pm (\Delta A/A) \Delta B/B$ کیونکہ 🗚 اور 🗚 کی قدر بہت کم ہے لہذا ہم ان کے حاصل ضرب کو نظرانداز کریں گے۔

لہذا Z میں زیادہ سے زیادہ کسری سہو،

 $\Delta Z/Z = (\Delta A/A) + (\Delta B/B)$

آپ بیآسانی سے تصدیق کرسکتے ہیں کہ بیرمساوات تقسیم کے لیے بھی صحیحہ ے۔ لهذا اصول يه هے: جب دو مقداروں كو ضرب يا تقسيم كيا جاتا ہے تو نتیجے میں کسری سہو، ضاربوں میں کسری غلطیوں کی جمع کے برابر هوتا هے۔

مثال V = (100 + 5) جہال R = V/I اور I = (10 + 0.2)(A) ہیں فی صد سہومعلوم کیجے۔

اگر کمیت اور ناپ یا ابعاد کی پیائش میں سہو ہیں تو ہمیں پیضرور جاننا حایدے کہ کثافت میں کتنی غلطی ہوگی۔اس طرح کا اندازہ لگانے کے لیے ہمیں پیسکھنا ہوگا کہ مختلف ریاضیاتی عملوں میں سہوئس طرح مجتمع ہوتے ہیں۔اس کے لیے ہم درج ذیل طریقوں کا استعمال کرتے ہیں۔

فرض سیجیے کہ دوطبعی مقداروں A اور B کی پیاکش کی 'قدرین' ΔB اور ΔB ان کے التر تیب ΔA اور ΔB اور ΔB ان کے مطلق سهو ہیں – ہم جا ہتے ہیں کہ حاصل جمع : z = A + B میں سہومعلوم کریں۔جمع کے ذریعے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

 $z + \Delta z = (A \pm \Delta A) + (B + \Delta B)$

 $\Delta z = \Delta A + \Delta B$ میں از حدم کنه سمو

z = A - B: حاصل تفريق

 $z + \Delta z = (A + \Delta A) - (B + \Delta B)$

 $= (A-B) \pm \Delta A + \Delta B$

 $\pm \Delta Z = \pm \Delta A \pm \Delta B$

 $^{-}$ کی بیش ترین قدر پھر $A+\Delta B$ ہی ہے۔

لهذا اصول يه هے: حب دو مقداروں كو جمع يا تفريق كيا جاتا ھے تو آخری نتیجے میں مطلق سھو انفرادی مقداروں کے مطلق سهو كا حاصل جمع هوتا هــ 36

لہذا اصول یہ ہے۔ کسی طبعی مقدار جس پر قوت k تک بڑھائی گئ ہو، میں کسری سہو، اس انفرادی مقدار میں کسری سہوکوقوت نما R سے ضرب دینے پر حاصل ہوتا ہے۔

 $Z = A^4 B^{1/3} / CD^{3/2}$ مثال Z = 2.11 مثال Z = 2.11

 $\Delta Z/Z = 4 (\Delta A/A) + (1/3) : جواب <math>Z$ میں کسری سہو ہے : ($\Delta B/B$) + ($\Delta C/C$) + (3/2)($\Delta D/D$)

 $2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ مشال 2.12 ایک سادہ پنیڈولم کے اہتراز کا دور $\frac{L}{g}$ مشال 2.12 ایک سادہ پنیڈولم کے اہتراز کا دور L میں L کی پیائش کی گئی قدر تقریباً L سے جس کا جز تجزیبہ اس کی در تکی L سے جس کا جز تجزیبہ L میں در تکی ہے ہوں کا میں معلوم کرنے میں کتنی در تکی ہے ؟

 $g = 4\pi^2 \text{ L/T}^2$ يبال ، $T = \frac{t}{n}$ يبال ، $\Delta T = \frac{\Delta t}{n}$ اور ، $\Delta T = \frac{\Delta t}{t}$

L اور t دونوں میں سہو، کم ترین شار سہو ہیں۔اس لیے

$$\frac{\Delta g}{g} = \frac{\Delta L}{L} + 2\frac{\Delta T}{T}$$

$$= \frac{0.1}{20.0} + 2\left(\frac{1}{90}\right) = 0.027$$

$$= \frac{0.1}{20.0} + 2\left(\frac{1}{90}\right) = 0.027$$

$$= \frac{20.0}{20} = 0.027$$

= 3%

جوابV میں فی صدیہو %5 ہے I میں V ہے۔ لہذا I کی قدر میں کل سہو V + V ہوگا۔

جواب (a) معاول مزاحمت، سلسله وارترتیب کے لیے $R = R_1 + R_2 = (100 + 3)$ ohm + (200+ 4) ohm = 300 + 7 ohm

$$R' = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{200}{3} = 66.7 \text{ ohm}$$

$$\frac{1}{R'} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

 $\frac{\Delta R'}{R'^2} = \frac{\Delta R_1}{{R_1}^2} + \frac{\Delta R_2}{{R_2}^2}$ $\Delta R' = \left({R'}^2\right) \frac{\Delta R_1}{{R_1}^2} + \left({R'}^2\right) \frac{\Delta R_2}{{R_2}^2}$ $= \left(\frac{66.7}{100}\right)^2 3 + \left(\frac{66.7}{200}\right)^2 4 = 1.8$

 $R' = 66.7 \pm 1.8 \text{ ohm}$

(Eror in case of a پیاکش کی گئی مقدار کی قوت کے سبب ہم (c) measured quantity raised to power)

$$Z=a^2$$
 مان کیجے $Z=a^2$ مان کیجے $AZ/Z=(\Delta A/A)+(\Delta A/A)$ میں کسری سہو A میں سہو کی دو گئی ہے۔ A^2 میں کسری سہو A^2 تب $Z=A^p$ B^q/C^r تب $AZ/Z=P(\Delta A/A)+q(\Delta B/B)+(\Delta C/C)$

2.7 بامعنی اعداد (SIGNIFICANT FIGURES)

جیسا کہ اوپر بتایا گیاہر ایک پیاکش میں سہوشامل ہوتے ہیں۔ لہذا کسی بھی پیاکش کا نتیجہ اس طرح پیش کیا جانا چاہے کہ یہ پیاکش کا بیش کیا گیا نتیجہ وہ عدد ہے اس کی نشاندہ ہی ہوجائے۔ عام طور پر کسی پیاکش کا پیش کیا گیا نتیجہ وہ عدد ہے جس میں اس عدد کے بھی معتبر ہندسے اور پہلاغیر معتبر ہندسہ (غیر بقینی) شامل ہوتا ہے۔ کسی عدد کے معتبر ہندسوں اور شامل غیر بقینی ہندسے کو بامعنی ہندسے (significant digits) کہتے ہیں۔ اگر ہم کہیں کہ ایک سادہ پینڈ ولم کے اہتزاز کا دور 2 1.62 ہے تو اس میں ہندسہ 1 اور 6 معتبر اور قینی ہیں جب کہ ہندسہ 2 غیر بقینی ہے۔ لہذا، پیاکش کی گئی قدر میں معتبر اور یقینی ہیں جب کہ ہندسہ 2 غیر بقینی ہے۔ لہذا، پیاکش کی گئی قدر میں تین بامعنی ہندسے ہیں۔ اگر پیاکش کے بعد کسی شے کی لمبائی 287.5 کسی گئی ہے جس میں چار بامعنی ہندسے ہیں۔ اس عدد میں ہندسہ 2 ، ھیک گئی ہے جس میں چار بامعنی ہندسے ہیں۔ اس عدد میں ہندسہ 2 ، گئی شیل بامعنی ہندسوں سے زیادہ ہندسہ لکھنا غیر ضروری اور گراہ کن ہوگا کیونکہ میں بامعنی ہندسوں سے زیادہ ہندسہ لکھنا غیر ضروری اور گراہ کن ہوگا کیونکہ بید بیاکش کے دقی ہوئے کی حد (precision) کے بارے میں غلط تصور بیدا کرے گا۔

کسی بھی عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد معلوم کرنے کے قاعد بے درج ذیل مثالوں سے سمجھے جاسکتے ہیں۔ جیسا کہ پہلے ذکر کیا گیا کہ بامعنی ہندسے کسی پیائش کی دقیق ہونے کی حد (بار یکی) کی طرف اشارہ کرتے ہیں جو پیائش آلے کے کم ترین شار (least count) پر مخصر ہوتی ہے۔

میں جو پیائش میں مختلف اکا ئیوں کے استخاب سے بھی بامعنی ہندسوں کی تعداد شد میل نہیں ہوتی۔ یہ اہم تبصرہ درج اصولوں کی وضاحت کرتا ہے۔

تبدیل نہیں ہوتی۔ یہ اہم تبصرہ درج اصولوں کی وضاحت کرتا ہے۔

لیکن مختلف اکا ئیوں میں اس قدر کو علی التر تیب معنی ہندسے ہیں۔
لیکن مختلف اکا ئیوں میں اس قدر کو علی التر تیب 23080 m یا حتی میں جا۔

23.08 mm

ان جی اعداد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد چارہے (ہندسے 2,3,0,8)۔
یہ ظاہر ہے کہ اعشاری نقطہ کے مقام کی بامعنی ہندسوں کی تعداد کے
تعین میں کوئی اہمیت نہیں ہے۔ درج بالا مثال درج ذیل اصول فراہم
کرتی ہے:

- سبهی غیر صفر هندسے بامعنی هیں۔
- کن هی دو غیر صفر هندسوں کے درمیان سبهی صفر بامعنی هندسے هیں چاهے اعشاریه نقطه کا کوئی بهی مقام هو اور چاهے اعشاریه نقطه هو یا نه هو۔
- اگرکوئی عدد 1 سے چھوٹا ہوتو اعشار بینقطہ کے داہنی جانب کے صفر جو پہلے غیر صفر ہندسے کے بائیں جانب ہیں، بامعنی ہندسے نہیں ہوتے ہیں۔[0.002308 میں خطکشیدہ صفر بامعنی ہندسے نہیں ہیں]۔
- کسی بھی ایسے عدد میں جس میں اعشاریہ نقطہ نھوں ہو، ختمی یا پس رو (terminal or trailing)صفر بامعنی هندسے نهیں ہوتے هیں۔

[اس طرح m = 12300 cm = 123000 mm میں تین بامعنی ہندسے ہیں۔ پس روصفر بامعنی ہندسے ہیں ہیں۔ پھر کھی آیا اگلے اصول کو دیکھ سکتے ہیں]۔

کسی بھی عدد میں جس میں اعشاری نقطہ ہو، پس رو صفر بامعنی ہندسے ہوتے ہیں۔

[جیسے اعداد 3.500 یا 0.06900 میں چار بامعنی ہندسے ہیں]۔
(2) پس روصفر بامعنی ہندسے ہیں یا نہیں اس بارے میں غلط فہمی ہوسکتی ہے۔ مان لیجے کسی شے کی لمبائی سے 4.700 سکھی گئی ہے۔ اس مشاہدہ سے ظاہر ہے کہ یہاں صفر کا مقصد پیائش کی در تنگی ظاہر کرتا ہے لہٰذا یہاں میہ صفر بامعنی ہندسے ہیں۔ [اگر میصفر بامعنی ہندسے نہیں ہیں تو ان صفروں کو صاف طور پر لکھنا غیر ضروری ہے اور لکھی گئی پیائش کو ہم سے 4.7 سکھ سکتے ہیں]۔اب اگر ہم اکا ئیوں میں تبدیلی کرتے ہیں تب،

4.700m = 470.0 cm = 4700mm = 0.004700 km

کیونکہ آخری سے پہلے والے عدد میں پس روصفر بغیر اعشاریہ ہیں، یہاں ہم

او پر دیے گئے اصول (1) کی بنیاد پر، اعداد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد دو
ہتا کیں گے جب کہ اصل میں اس عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد 4 ہے اور
اکا ئیوں میں محض تبدیلی کر دینے سے ہی کسی عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد
میں تبدیلی نہیں لائی حاسمتی ہے۔

(3) بامعنی ہندسوں کے اعداد کے تعین میں او پر بتائے گے ابہام کو دور کرنے کا سب سے بہتر طریقہ ہے کہ ہرایک پیائش کو سائنسی ترقیم (10 کی قوت) میں کھا جائے۔ اس ترقیم میں ہرایک عدد کو کو کہ کے طور پر ظاہر کیا جاتا ہے جہاں ہے، 1 سے 10 کے در میان کوئی عدد ہے اور 10, b کا کوئی بھی شبت یا منفی قوت نما (exponent) ہے۔ عدد کا ایک تقربی تصور حاصل کرنے کے لیے، ہم عدد ہو کو 10 (5 > a کے لیے) یا 10 (3 > a) تقربی شکل میں ظاہر کرتے ہیں۔ اس طرح عدد کو تقربی شکل میں ظاہر کیا جاسکتا ہے، جس میں 10 کا قوت نما طاہر اس طبعی کی صورت میں ظاہر کیا جاسکتا ہے، جس میں 10 کا قوت نما طاہ اس طبعی مقدار کا، عدد کی قدر کا درجہ (order of magnitude) کہلاتا ہے۔ جب صرف ایک تخمینہ در کار ہوتا ہے تو ہم کہتے ہیں کہ مقدار طاہ کے درجہ درجہ کی ہے۔ مثلاً، زمین کا قطر (10 x x 10 x)، ہس میں عدد کی قدر کا درجہ کی ہے۔ مثلاً، زمین کا قطر کا درجہ 7 ہے۔ ہائیڈروجن ایٹم کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کے درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کے درجہ کی بی کے قطر سے 17 عدد کی قدر کے درجہ ذیا دہے۔

عام طور پرکسی بھی عدد میں اعشاریہ پہلے ہندسے کے بعد لکھا جاتا ہے جس سے اوپر بیان کیے گئے ابہام دور ہوجاتے ہیں:

 $4.700 \,\mathrm{m} = 4.700 \times 10^2 \,\mathrm{cm} = 4.700 \times 10^3 \,\mathrm{mm}$

 $= 4.700 \times 10^{-3} \text{ km}$

یہاں بامعنی ہندسوں کے تعین میں 10 کا پاور غیراہم ہے۔ تاہم سائنسی ترقیم میں اساسی یا بنیادی عدد میں آنے والے سبحی صفر با معنی ہندسے ہیں۔ لہذا اور کھے گئے اعداد میں سے ہرایک عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد جارہے۔

اس طرح سائنسی ترقیم میں بنیادی عدد a میں پس روصفر کے بارے میں کوئی ابہام پیدانہیں ہوتا ہے۔وہ ہمیشہ بامعنی ہندسے ہیں۔

(4) کسی بھی بیمائش کی رپورٹ کرنے میں سائنسی ترقیم ایک مثالی طریقہ ہے۔ لیکن اگر بیطریقہ ہے۔ لیکن اگر بیطریقہ نہیں اپنایا جاتا ہے تو کیپلی والی مثال میں اپنائے گئے اصول کو اپناتے میں:

- اگر دیے هوئے بغیر اعشاریه کے عدد 1 سے بڑے هیں تو پس رو صفر با معنی هندسے نهیں هیں۔
- اعشاریه والے عدد میں پس رو صفر بامعنی هندسے هیں۔
 (5) کسی 1 سے چھوٹے عدد (جیسے 250.00) میں اعشار بیسے پہلے لکھا

جانے والاصفر بھی بھی بامعنی ہندسہ نہیں ہوتا ہے۔ تا ہم کسی پیائش میں ایسے اعداد کے آخر میں آنے والے صفر بامعنی ہندسے ہوتے ہیں۔

(6) ضرب تقسیم کرنے والے ایسے جزء ضربی جو نہ تو تقریبی عدد ہیں اور نہ ہی r = d/2 گئی قدروں کو ظاہر کرنے والے عدد ہیں، قطعی (بالکل درست) ہوتے ہیں اور ان کے بامعنی ہندسوں کی تعداد لامتنا ہی ہے۔ مثلاً ، r = d/2 یا r = d/2

2.7.1 بامعنی اعداد کے ساتھ حسانی عمل کے لیے اصول

(Rules for Arithmetic operation with significant figures)

قدر کو اتنی دقیق شکل میں (precision) لکھنا پوری طرح غیر متعلق یا بے کل ہوگا کیونکہ پیائشیں جن پر کثافت کی قدر مبنی ہے، وہ اس کے مقابلے میں بہت کم دقیق ہیں۔ با معنی ہندسوں کے ساتھ حسابی عمل کے لیے مندرجہ ذیل اصول اس بات کو یقینی بناتے ہیں کہ کسی تحسیب کا آخری نتیجہ اتنا ہی دقیق ہوجتنی در آمد (input) دقیق ہیں، یعنی کہ، دونوں میں ہم آ ہنگی ہو۔

(1) اعداد کے ضرب یا تقسیم کرنے سے حاصل نتیجے میں صرف اتنے هی با معنی هندسے رکھنے چاهییں جتنے که سب سے کم بامعنی اعداد والے بنیادی عدد میں هیں۔

لہذا مٰدکورہ بالا مثال میں کثافت کو تین بامعنی ہندسوں تک ہی کھا جانا چاہیے۔

نت = $\frac{4.237 \,\mathrm{g}}{2.51 \,\mathrm{cm}^3}$ = 1.69 g cm⁻³

اسی طرح، اگر روشنی کی جال 8 m /s اسی طرح، اگر روشنی کی جال 8 x = 10 m /s (ایك بامعنی مندسے) اورا یک سال (1 y = 365.25 d) میں 8 3.1557×10⁷ s مندسے) ہیں تو ایک نوری سال میں 10¹⁵ m (پانچ بامعنی ہندسے) ہیں تو ایک نوری سال میں بامعنی ہندسے) ہونگے۔

(2) اعداد کے جوڑنے یا تفریق کرنے سے حاصل آخری نتیجے میں اعشاریہ کے بعد اتنے هی بامعنی هندسے رکھنے چاهیئ حتنے که جوڑی یا تفریق کی جانے والی مقداروں سے اس عدد میں هوں جس میں اعشاریه کے سب سے کم مقام هیں۔

مثال کے طور پر اعداد g ,436.32 g ویں 227.2 اور 20.301 g کا حاصل جمع 663.821 g کے ایکن کم سے کم وقتی پیائش (227.2 g) اعتفاریہ کے صرف ایک مقام تک ہی درست ہے۔ لہذا آخری نتیج کو 663.8 g

اسی طرح لمبائیوں میں فرق کو درج ذیل طرح سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ $0.307~\mathrm{m}-0.304~\mathrm{m}=0.003~\mathrm{m}=3\times10^{-3}~\mathrm{m}$ خیال رہے کہ ہمیں اصول (1) جو ضرب اور تقسیم کے لیے لاگو ہوتا ہے اسے جمع کی مثال میں استعال کر کے $664~\mathrm{g}$ کی مثال میں استعال کر کے $664~\mathrm{g}$ کی مثال میں استعال کر کے $664~\mathrm{g}$

مثال میں بھی m 3-10× 3.00 نہیں لکھنا چاہیے۔ یہ پیائش کتنی وقیق ہے اسے ٹھیک طرح سے ظاہر نہیں کرتے ہیں۔ جوڑنے اور تفریق کرنے کے لیے اصول اعشاریہ کے مقام کی اصطلاح میں ظاہر کیا جاتا ہے۔

2.7.2 غيريقني ہندسوں کی قريبي قدر لينا

(Rounding off the Uncertain Digits)

اعداد، جن میں ایک سے زیادہ غیریقینی ہندسے ہوتے ہیں، کی تحسیب کے نتیجہ کو قریب تر کیا جانا چاہیے۔اعداد کے موزوں بامعنی ہندسوں تک قریب تر کرنے کے لیے اصول زیادہ تر حالات میں واضح ہیں۔عدد 2.746 کو تین مامعنی ہندسوں تک قریب ترکرکے 2.75 لکھتے ہیں جب کہ عدد 2.743 كو 2.74 كلها جائے گا۔ قرار داد كے مطابق اصول يہ ہے اگر بے معنی هندسے (اس معاملے میں کشیدہ خط هندسه) 5 سے زیادہ ھے تو اس سے پہلے والے هندسے میں 1 کا اضافه کردیا جاتا ھے اور اگر ہے معنی هندسے 5 سے كم هوتے هيں تو پيش رو هندسه غير تبديل ركها جاتا ه_ ليكن الركسي عدد جيسے 2.745 ميں بے معنی ہندسہ 5 ہے، تو روایت کے مطابق اگر پیش رو هندسه جفت (even) هے تو بے معنی هندسے کو چهوڑ دیا جاتا هے اور اگریه طاق (odd) هے تو پیش رو هندسے میں 1 کا اضافه کردیتے هیں۔ تب عدد 2.745 کوتین بامعنی ہندسوں تک قریب تر كرنے ير 2.74 حاصل موگا۔ دوسري طرف عدد 2.735 كوتين بامعنی ہندسوں تک قریب ترکرنے کے بعد2.74 حاصل ہوتا ہے کیونکہ پیش رو ہندسہ طاق ہے۔

کسی بھی' کثیراقدامات پرشمنل پیچیدہ تحسیب میں، درمیانی اقدامات میں بامعنی ہندسوں سے ایک زیادہ ہندسہ رکھنا چاہیے اورتحسیب کے آخر میں مناسب بامعنی ہندسوں تک قریب ترکردینا چاہیے۔ اسی طرح روشنی کی خلامیں چال جوگئی بامعنی ہندسوں تک معلوم ہے جیسے ۔ اسی طرح روشنی کی خلامیں چال جوگئی بامعنی ہندسوں تک معلوم ہے جیسے ۔ اسی طرح روشنی کی خلامیں چال جوگئی بامعنی ہندسوں تک معلوم ہے جیسے ۔ 108m/s کا 2.99792458 کو ایک تقریب کردیتے ہیں جے اکثر تحسیب میں استعمال کرتے ہیں۔ آخر میں خیال تی قریب کردیتے ہیں جے اکثر تحسیب میں استعمال کرتے ہیں۔ آخر میں خیال

40 طبیعیات

2.7.3 حمالي عمليات كنتائج مين عدم يقيني كنين كي لياصول

(Rules for determining the uncertainty in the results of Arithmetic operations)

حسابی عملیات میں اعداد کی عدم یقینی کے تعین کے اصول مندرجہ ذیل مثالوں سے سمجھے جاسکتے ہیں۔

16.2 cm پہلی مستطیل نماشیٹ کی لمبائی اور چوڑائی بالترتیب 16.2 cm اور 10.1 cm اور 10.1 cm پیائش میں تین بامعنی اور 10.1 cm پیائش کی گئی ہے جس میں ہرایک پیائش میں تین بامعنی ہندسے ہیں۔اس کا مطلب ہے کہ حقیقی لمبائی I اور چوڑائی f کو مندرجہ ذیل طریقے ہے لکھا جاسکتا ہے۔

 $l = 16.2 \pm 0.1 \text{ cm}$ = 16.2 cm ± 0.6%

اسی طرح چوڑائی b کولکھا جاسکتا ہے:

 $b = 10.1 \pm 0.1$ cm

 $= 10.1 \text{ cm} \pm 1\%$

دو (یادو سے زیادہ) تجرباتی قدروں کے حاصل ضرب میں سہو، سہوکے اجتماع کا قاعدہ استعال کرتے ہوئے، ہوگا

 $lb = 163.62 \text{ cm}^2 \pm 1.6\%$

 $= 163.62 \text{ cm}^2 \pm 2.6\% \text{ cm}^2$

 $lb = 164 \pm 3 \text{ cm}^2$

للهذا آخرى نتيجه هوگا

یہاں، 3 cm² مستطیل نما شیٹ کے رقبے کے تخینہ میں عدم یقینی یا

و ہے۔

(2) اگر کسی تحرباتی اعداد و شمار کے مجموعے میں n بامعنی هـنـدسے متعین هیں تو اعدادو شمار کے احتماع سے حاصل نتیجه بهی n با معنی هندسوں تك جائز هو گا۔

تاہم، اگراعداد فی کیے جاتے ہیں تو بامعنی ہندسوں کی تعداد کم ہوسکتی ہے۔

مشال 2.13 کسی ملعب کے ہر ایک بازو کی پیائش 7.203 m کل سطح رقباور حجم کیا ہے؟

جواب پیائش کی گئی لمبائی میں بامعنی ہندسوں کی تعداد 4 ہے۔اس لیے تحسیب کیے گئے رقبے اور جم کی قدر کو بھی 4 بامعنی ہندسوں تک قریب تر کردیا جانا جا ہے۔

 $6(7.203)^2 \text{m}^2$ $= 311.299254 \text{ m}^2$ $= 311.3 \text{ m}^2$ $= (7.203)^3 \text{ m}^2$

 $= 373.714754 \,\mathrm{m}^3$

 $= 373.7 \,\mathrm{m}^3$

مشال 2.14 کسی شے کے 5.74g کا تجم 2.14 ہے۔ اس کی کثافت کو بامعنی ہندسوں کو ذہن میں رکھتے ہوئے ظاہر کیجیے۔

جواب کمیت میں 3 بامعنی ہندسے ہیں جب کہ جم میں صرف 2 بامعنی ہندسے ہیں۔ اس لیے کثافت کو صرف 2 بامعنی ہندسوں تک ظاہر کیا جانا جا ہیں۔

 $= 5.74/1.2 \text{ g cm}^{-3}$ = 4.8 g cm⁻³ اکائیاںاور پیائش

مثال کے لیے، g-7.06 g ووں تین بامعنی ہندسوں تک مخصوص ہیں کیکن ان کے فرق کو g-7.06 g نہیں لکھا جاسکتا بلکہ صرف 5.8 g کھا جاسکتا ہے کیونکہ تفریق یا جوڑنے میں عدم یقینی کا اجتماع مختلف طریقے سے ہوتا ہے (کسی جمع کیے جانے والے یا تفریق کیے جانے والے اعداد میں کم سے کم بامعنی ہندسوں کی تعداد کی جگہ ان میں اعتثاریہ کے بعد کم سے کم بامعنی ہندسوں کی تعداد کی بنیاد پر)۔

(3) ایک عدد، جس میں بامعنی هندسوں کی تعداد ' \mathbf{n} 'متعین هو، اس کا نسبتی سهو نه صرف \mathbf{n} کے بلکه خود عدد کے بھی تابع هوتا هے۔

مثال کے لیے، g 1.02 کی کمیت کی پیائش میں در سنگی g 0.01 + کی ہے جب کہ دوسری پیائش 9.89 و بھی g 0.01 + تک درست ہے۔

لہذا 1.02 g میں کسری سہوہ :

 $= (\pm 0.01/1.02) \times 100\%$

= + 1%

دوسری طرف 9.89 g میں کسری سہوہے:

 $= (\pm 0.005/9.89) \times 100\%$

 $= \pm 0.1\%$

آخر میں خیال رہے کہ متعددا قدام ہر مشتل تحسیب میں درمیانی نتائج ، کی تحسیب اس میں شامل پیانوں میں کم سے کم دقیق پیائٹی ہندسوں کی تعداد کی نسبت ایک زائد بامعنی ہندسے تک کی جانی چا ہیں۔ پہلے یہ آکڑوں کے ذریعہ تو جیہہ کر لی جانی چا ہے اور تب ہی حسابی عملیات کو پورا کر سکتے ہیں ورنہ قربی سہو (rounding error) ہوسکتا ہے۔ مثال کے لیے، بیں ورنہ قربی سہو (rounding error) ہوسکتا ہے۔ مثال کے لیے، تحسیب کی جائے اور پھر تقربی عدد حاصل کیا جائے تو وہ عدد 20.10 ہے۔ تحسیب کی جائے اور پھر تقربی عدد حاصل کیا جائے تو وہ عدد 20.10 ہوسکت کی تعدین تین بامعنی ہندسوں تک تحسیب کیا گیا گیا گیا ہوتا اور کئی آگر ہم نے 20.104 کی مقلوب کی آگر ہم نے 20.1044 کی مقلوب کی آگر ہم نے 20.1044 کی مقلوب کی تا دور کی مقلوب کی آگر ہم نے 20.1044 کی مقلوب کی تا ہوتا اور

پھر 0.1044 کا مقلوب تین بامعنی ہندسوں تک تحسیب کرتے تو ہمیں اصل قدر 9.58 دوبارہ حاصل ہوجاتی۔

ندکورہ بالا مثال پیچیدہ متعدد قدم پر شتمل تحسیب میں درمیانی قدموں میں ایک زاید ہندسہ (کم سے کم دقیق پیائش میں ہندسوں کی تعداد کی نسبت) رکھنے کے تصور کا جواز پیش کرتی ہے جس سے کہ اعداد کو قریب تر کرنے کے عمل میں اس مزید ہوسے بچاجا سکے۔

(DIMENSIONS OF طبیعی مقداروں کے ابعاد 2.8 PHYSICAL QUANTITIES)

سی بھی طبیعی مقدار کی طبع کو بیان کرنے کے لیے اس کے ابعاد کی ضرورت پڑتی ہے۔ ماخوذ اکا ئیوں کے ذریعے ظاہر کی جانے والی سب ہی طبعی مقداریں سات بنیادی یا اساسی مقداروں کے سی اجتماع کی شکل میں ظاہر کی جاسکتی ہیں۔ ہم ان سات طبیعی مقداروں کو طبیعی دنیا کے سات ابعاد کی جاسکتی ہیں۔ ہم ان سات طبیعی مقداروں کو طبیعی دنیا کے سات ابعاد کہتے ہیں، جنہیں مربع بریکٹ [عیل ظاہر کرتے ہیں۔ اس طرح لمبائی کا بغد [L]، کیت کا [M]، وقت کا [T]، برتی روکا [A]، حرح کیاتی درجہ حرارت کا [mol] اور شے کی مقدار کا [mol] ہیں۔

کسی طبیعی مقدار کے ابعاد ان قوت نماؤں کو کھتے ھیں جنھیں اس مقدار کی اکائی کو ظاہر کرنے کے لیے بنیادی مقداروں پر چڑھاتے ھیں۔ غور کیجے کہ کی مقداروں پر چڑھاتے ھیں۔ غور کیجے کہ کی مقدارکومربع بریکٹ[] میں رکھنے سے مراد ہے کہ ہم اس مقدار کے ابعاد سے متعلق عمل کررہے ہیں۔ میکا نیات میں جی طبیعی مقداروں کے ابعاد [L] ، [M] ، اور [T]

 42 طبيعيات

مساوات ہیں جو کسی طبیعی مقدار کے ابعاد کو بنیادی مقداروں کی شکل میں ظاہر کرتی ہیں۔مثال کے لیے، جم [V]، چال [V]، توت[F] اور کمیت کثافت [G] کی ابعادی مساواتیں درج ذیل طور پر ظاہر کی جاسکتی ہیں۔

 $[V] = [M^O L^3 T^O]$

 $[v] = [M^{O} LT^{-1}]$

 $[F] = [MLT^2]$

 $[\rho] = [M L^3 T^0]$

ابعادی مساوات طبیعی مقداروں کے درمیان رشتوں کی نمائندگی کرنے والی مساوات سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ بہت ساری اور طرح طرح کی طبیعی مقداروں کے ابعادی فارمولے جودیگر مقداروں کے درمیان رشتوں کی نمایندگی کرنے والی مساواتوں سے اخذ کیے گئے ہیں اور بنیادی مقداروں کی اصطلاح میں ظاہر کیے گئے ہیں، آپ کی رہنمائی اور فوری حوالے کے لیضمیمہ 9 میں دیئے گئے ہیں۔

2.10 ابعادي تجزيه إوراس كااطلاق (استعال)

(DIMENSIONAL ANALYSIS AND ITS APPLICATIONS)

ابعاد کے نصورات کو پیچانا جو ابعاد کے طبیعی برتاؤ کے بیان کی رہنمائی کرتا ہے، بنیادی اہمیت کا حامل ہے کیونکہ یہ بتا تا ہے کہ صرف ایک یکساں ابعاد والی طبیعی مقداریں جمع یا نفی کی جاستی ہیں۔ ابعادی تجزید کا تفصیلی علم بعض طبیعی مقداروں کے درمیان متعین رشتوں کے اسخراج (deducing) میں مدد کرتا ہے اور مختلف حسابی عبارتوں کے اشتقاق، صحت و درستی اور ابعادی ہم اہنگی یا متجانس ہونے کی جائج کرنے میں مددگار ہے۔ جب دویا زیادہ طبیعی مقداروں کی عددی قدروں کو ضرب کیا جاتا ہے تو ان کی اکائیوں کو عام الجبرا کی علامتوں کی طرح استعال کیا جانا چاہیے۔ ہم شار کنندہ اور نسب نما میں مماثل اکائیوں کو رد کر سکتے ہیں۔ یہ اصول کسی طبیعی مقدار کی ابعادوں کے دونوں ابعادوں کے ذریعہ نمایندگی کی گئی طبیعی مقداروں کے ابعاد کیساں جانب علامتوں کے ذریعہ نمایندگی کی گئی طبیعی مقداروں کے ابعاد کیساں ہونا عابیں۔

اس طرح، قوت، جو کمیت اور اسراع (acceleration) کا حاصل ضرب ہے، کے ابعاد کواس طرح حاصل کیا جاسکتا ہے۔

 $|v_{\alpha}|^{2} \times \lambda_{\alpha}$ = قوت $|v_{\alpha}|^{2} \times \lambda_{\alpha}$ = $|v_{\alpha}|^{2}$

 $\frac{[M][L]}{[T]^2} = [MLT^{-2}]$: قوت کے ابعاد ہیں

اس طرح قوت میں کمیت کا 1 بعد، لمبائی کا 1 بعد اور وفت کے (2 –) ابعاد میں۔ دیگر سبھی بنیا دی مقد اروں کے ابعاد صفر میں۔

غور کریں کہ اس طرح کے اظہار میں مقداروں کی عددی قدروں کو شامل نہیں کیا جاتا اس میں طبیعی مقدار کی خاصیت کی قتم کو شامل کیا جاتا ہے۔ لہذا اس ضمن میں رفتار میں تبدیلی، ابتدائی رفتار، اوسط رفتار، آخری رفتار اور چال سبحی مترادف ہیں۔ کیونکہ میں مقداریں ووقت کی اصطلاح میں ظاہر کی جاسکتی ہیں، لہذا ان کے ابعاد $\frac{[L]}{[T]}$ یا $\frac{[LT^{-1}]}{[T]}$ ہیں۔

2.9 ابعادی فارمولے اور ابعادی مساواتیں

(DIMENSIONAL FORMULAE AND DIMENSIONAL EQUATIONS)

(dimensional مقدار کا ابعادی فارمولا مقدار کے ابعادی کون formula) وہ اظہار ہے جو یہ دکھا تا ہے کہ سی طبیعی مقدار کے ابعادی کون کون فی بنیادی مقدار یں اور سی طرح نمایندگی کررہی ہیں۔ مثال کے لیے جم ، چال یا رفتار، اسراع اور کمیت – کثافت کے ابعادی فارمولے بالترتیب [M^0 L^{-3} T^0], $[M^0$ $L^{-2}]$, $[M^0$ L^{-3} T^0], $[M^0$ $L^{-2}]$, $[M^0$ L^{-3} T^0], $[M^0$ $L^{-2}]$, $[M^0$ L^{-3} T^0], $[M^0$ L^{-3} T^0 T^0 T

اکا ئیاں اور پیائش

(خلامیں روثنی کی چال) (خامیں refractive index): وسلے میں روثنی کی چال فغیرہ غیر ابعادی ہیں۔

آ ہے ہم درج ذیل مساوات کی ابعادی ہم آ ہنگی یا متجانسیت کی $x = x_0 + v_0 \, t + \frac{1}{2} \, a \, t^2$

جہال کسی شے یا ذرے کے ذریعہ t وقت میں چلی گئی دوری x ہے جہال کسی شے یا ذرے کے ذریعہ t=0 وقت پر x_0 کے مقام سے ابتدائی رفتار v_0 سے حرکت کی سمت میں کیسال اسراع α سے چلنا شروع کرتی ہے۔ دونوں جانب کے رکن کے ابعاداس طرح ہیں۔

[x] = [L] $[x_0] = [L]$ $[v_0] = [L]$ [L] $[1/2] a t^2 = [L]$ [L]

کیونکہ اس مساوات میں دائیں جانب کے رکن کے ابعاد لمبائی کے ابعاد ہیں جو بائیں جانب کے رکن کے ابعاد میں جو بائیں جانب کے رکن کے ابعاد ہیں لہذا ابعادی طور پریہ مساوات صحیح ہے۔

یہاں یغور کرنے کی بات ہے کہ ابعاد کی ہم آ ہنگی کی جائج اکا ئیوں

کی ہم آ ہنگی جائج کے علاوہ کچھ نہیں بتاتی ہے لیکن اس کا فائدہ یہ ہے کہ ہم کسی
مخصوص اکائی کے انتخاب کے لیے مجبور نہیں ہیں اور نہ ہمیں اکائیوں کے
اضعاف اور اجزائے ضربی (factor multiple) کے درمیان بدل کی فکر
کرنے کی ضرورت ہے۔ یہاں یہ بھی غور کرنے کی بات ہے کہ اگر کوئی
مساوات اس ہم آ ہنگی کی جائج میں کھری نہیں اُترتی ہے تو وہ غلط ثابت
ہوجاتی ہے، لیکن اگر وہ جائج میں کھری اُترتی ہے تو اس سے وہ صحیح
ثابت نہیں ہوجاتی ہے۔ لہذا کوئی ابعادی طور برصیح مساوات لازی

2.10.1 مساواتوں کی ابعادی ہم آ ہنگی کی جانچ

(Checking the Dimensional Consistency of Equations)

اگر کسی مساوات کے ضیح ہونے میں شبہہ ہوتو ابعادی طریقہ (dimensional method) اس مساوات کی ہم آ ہنگی کی جانچ کے لیے ایک ابتدائی جانچ ہے لیکن ابعادی ہم آ ہنگی کسی مساوات کے ضیح ہونے کی ضانت نہیں دیتی۔ یہ غیر ابعادی مقداروں یا تفاعلوں کی حدتک غیر تقینی ہے۔ ٹر گنومیٹر یائی (trigonometric) ، لوگارتی اورقوت نمائی غیر تقینی ہے۔ ٹر گنومیٹر یائی (exponential) کے حامل زاویہ تقینی طور پر غیر ابعادی ہونے چا ہئیں۔ اسی طرح خالص عدد، کیساں طبیعی مقداروں کی نسبت جیسے زاویے، ناسب (لمائی/لمائی) ،

دیا گیاہے۔

ابعاد (a) اور (b) اور (b) اور (b) کے لیے [ML² T³] ہیں۔ مساوات (e) کے دائیں جانب کے کوئی (c) کے لیے [MLT²] ہیں۔ مساوات (e) کے دائیں جانب کے کوئر اگیا مناسب ابعاد نہیں ہیں کیونکہ اس میں مختلف ابعاد کی دومقداروں کو جوڑا گیا ہے۔ چونکہ K کے ابعاد ہیں [ML² T²] اس لیے فارمولا (a) اور (b) غلط ہیں۔ بینوٹ تیجے کہ ابعاد کی دلیلوں سے یہ پہنیں لگتا کہ (d) یا (d) میں کون سا فارمولا تیجے ہے۔ اس کے لیے حرکی تو انائی کی حقیقی تعریف کو دیکھیں پر حکی تو انائی کی حقیقی تعریف کو دیکھیں پر حکی تو انائی کی حقیقی تعریف کو دیکھیں)۔ حرکی تو انائی کے لیے تیجے فارمولا (b) میں

2.10.2 طبیعی مقداروں کے درمیان رشتہ اخذ کرنا

(Deducing Relation among the Physical Quantities)

مجھی بھی ابعادی طریقہ طبیعی مقداروں کے درمیان رشتہ اخذ کرنے کے لیے بھی استعال کیا جاسکتا ہے۔ اس کے لیے ہمیں یہ معلوم ہونا چاہیے کہ دی ہوئی طبیعی مقدار کن کن مقداروں کے تابع ہے۔ آیئے، ہم درج ذیل مثال بیغور کرس۔

مشال 2.17 کسی ساوہ پینڈ ولم پرغور کیجیے۔فرض کیجیے کہ سادہ پینڈ ولم کے اہتراز کا دوراس کی لمبائی ، باب کی کمیت اور ارضی کشش کے امراع کے تالع ہوتا ہے۔اس کے اہتراز کے دور کے لیے ریاضیائی عبارت، ابعاد کا طریقہ استعال کرتے ہوئے،حاصل کیجیے

جواب اگر دوری وقت T کے l ، g اور m کے حاصل ضرب کے تا ابع ہونے کو مندر جہ ذیل طور پر لکھا جا سکتا ہے: $T = k \ l^x \ g^y \ m^z$

جہاں k ایک غیر ابعادی مستقلہ ہے اور x ، y اور z قوت نما ہیں۔ دونوں d طرف ابعاد ملاحظہ کرتے ہوئے ،ہمیں حاصل ہوتا ہے :

$$[L^{\circ} M^{\circ} T^{1}] = [L^{1}]^{x} [LT^{2}]^{y} [M^{1}]^{2}$$

= $L^{x+y} T^{2y} M^{z}$

طور پر درست مساوات نہیں ہوتی جب کہ ابعادی طور پر غیر ہم آ ہنگ مساوات غلط ہوتی ہے۔

مثال 2.15 اس مساوات پرغور کرتے ہیں $\frac{1}{2} mv^2 = mgh$

جہاں سے کی کمیت ہے، v اس کی رفتار ہے، g ارضی کشش کے سبب اسراع ہے اور h اونچائی ہے۔ یہ پیتہ لگائیے کہ کیا ہیہ مساوات ابعادی طور پر درست ہے۔

دونوں جانب کی ابعاد بکساں ہیں اور اس لیے ابعادی طور پرمساوات صحیح ہے۔

v ومثال 2.16 توانائی کی $J = kg m^2 s^{-2}$ کی $J = kg m^2 s^{-2}$ کی توانائی کی $J = kg m^2 s^{-2}$ کی توانائی $J = kg m s^{-2}$ کی توانائی $J = kg m s^{-2}$ کی توانائی $J = kg m s^{-2}$ کی توانائی کی نواز نامولوں میں سے آپ کس کو ابعادی دلیلوں کے ذریعہ غلط بتا کیں گے $J = kg m^2 s^{-2}$ خلط بتا کیں گے $J = kg m^2 s^{-2}$ خلط بتا کیں گے $J = kg m^2 s^{-2}$ کی کمیت ہے)؟

- (a) $K = m^2 v^3$
- (b) $K = (1/2) mv^2$
- (c) K = m a
- (d) $K = (3/16) \text{ m}v^2$
- (e) $K = (1/2) mv^2 + m a$

جواب ہر سیح فارمولے یا مساوات کے دونوں جانب کے ابعاد یکساں ہونے چاہئیں اور پھر صرف انہیں مقداروں کو جوڑا یا نفی کیا جاسکتا ہے جن کے طبیعی ابعاد کیساں ہوتے ہیں۔ دائیں جانب کی مقدار کے

دونوں طرف ابعاد مساوی کرتے ہوئے؛ ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$x + y = 0$$
; $-2y = 1$ $z = 0$

$$x=\frac{1}{2},y=-\frac{1}{2}$$

$$z = 0$$

$$T = k l^{1/2} g^{-1/2}$$

$$T = k \sqrt{\frac{l}{g}}$$

جاسکتی۔اگراس فارمولے کی دائیں سمت کوئسی بھی عدد سے ضرب کردیا

جائے تو یہاں کوئی فرق نہیں بڑے گا، کیونکہ اس سے ابعاد متاثر نہیں $T=2\pi\sqrt{\frac{l}{a}}$: اس طرح $k=2\pi$ اس طرح

الیی طبعی مقداریں ، جوایک دوسرے کے تابع ہوں ،ان کے درمیان رشتہ حاصل کرنے کے لیے ابعادی طریقہ ایک کارآمد ذریعہ ہے ۔لیکن اس طریقے سے غیرابعا دی مستقلے نہیں حاصل کیے جاسکتے ۔ ابعادی طریقہ مساوات میں صرف ابعادی درستی کی جانچ کرسکتا ہے لیکن اس کے ذریعے مساوات میں شامل طبیعی مقداروں کاقطعی رشتہ نہیں حاصل کیا حاسکتا۔ یہ کیساں ابعاد والی طبیعی مقداروں میں فرق نہیں کرسکتا ۔

نوٹ کریں کہ، مستقلہ k کی قدر ابعادی طریقے سے حاصل نہیں کی اس باب کے آخر میں دیے گئے کئی مشقی سوالات، ابعادی تجزیہ میں مہارت پیدا کرنے میں آپ کی مدد کریں گے۔

خلاصه

- علم طبیعیات، طبیعی مقداروں کی پہائش برمبنی ایک مقداری سائنس ہے۔ کچھ مخصوص طبیعی مقداروں کو آلمبائی، کمیت، وقت، برقی رو، حرحر کیاتی درجہ حرارت، شے کی مقدار اور درخثال شدت (luminous intensity) ابنیادی یا اساسی مقداروں کے بہ طور منتخب کیا گیاہے۔
- ہرا یک بنیادی مقدار کی تعریف کسی بنیادی معیاری حوالہ کی اصطلاح میں کی گئی ہے۔ جسے اختیاری طور پر منتخب کین مناسب طور پر معیار بند کیا گیا ہے۔ بیرمعیاری حوالہ اکائی ہوتی ہیں (جیسے میٹر، کلوگرام، سیکنڈ، ایمپیر ، کیلون،مول اور کینڈیلا)۔ بنیادی مقداروں کے لیے نتخف کی گئی ا کائیوں کو بنیا دی ا کائی کہا جاتا ہے۔
- بنیادی مقداروں سے ماخوذ دیگر طبیعی مقداروں کو بنیادی اکائیوں کے مجموعے کے طور پر ظاہر کرسکتے ہیں جنہیں ماخوذ اکائی کہا جاتا ہے۔ بنیادی اور ماخوذ دونوں ا کائیوں کے کمل سیٹ کوا کائیوں کا نظام کہا جاتا ہے۔

لبيعيات

- 4۔ سات بنیادی اکائیوں پر بنی اکائیوں کا بین الاقوامی نظام (SI) آج کل بین الاقوامی سطح پر منظور شدہ نظام ہے۔ یہ نظام پوری دنیا میں بڑے پیانے پر استعال کیا جاتا ہے۔
- 5۔ بنیادی مقداروں اور ماخوذ مقداروں سے حاصل سبھی طبیعی پیائشوں میں SI اکا ئیوں کا استعمال کیا جاتا ہے۔ پچھ ماخوذ اکا ئیوں کو SI اکا ئیوں کے ذریعے خصوصی ناموں (جیسے جول، نیوٹن، واٹ وغیرہ) سے بھی ظاہر کیا جاتا ہے۔
- 6۔ SI اکا ئیوں کی معین (well defined) اور بین الاقوامی سطح پرتسلیم شدہ اکائی علامات ہیں جیسے میٹر کے لیے m،کلوگرام کے لیے 6۔ kg،سینڈ کے لیے 8، ایمپیر کے لیے 8، نیوٹن کے لیے 8 وغیرہ۔
- 7- اکثر چھوٹی وبڑی مقداروں کی طبیعی پیائشوں کو سائنسی ترقیم میں 10 کی قوت کی شکل میں ظاہر کیا جاتا ہے۔ پیائش کی علامتوں اور ہندی تحصیب کی آسانی کے لیے سائنسی علامتوں اور سابقوں (prefixes) کا استعمال کیا جاتا ہے، جن سے پینشاندہی بھی ہوتی ہیں۔ ہے کہ اعداد کتنے دقیق ہیں۔
- 8۔ طبیعی مقداروں کی ترقیم، SI کا ئیوں اور کچھ دیگرا کا ئیوں کے استعال طبیعی مقداروں اور پیائشوں کومناسب طور پر ظاہر کرنے میں سابقوں کے استعال کے لیے کچھ عام اصولوں اور ہدایات کی پابندی کرنی چاہیے۔
- 9۔ کسی بھی طبیعی مقدار کی تحسیب میں اس کی مطلوبہ اکائیوں کو حاصل کرنے کے لیے شامل ماخوذ مقداروں کی اکائیوں کو الجبری مقداروں کی طرح سمجھنا چاہیے۔
- 10۔ طبیعی مقداروں کی پیائش کے لیے براہ راست اور بالواسطہ دونوں طریقوں کا استعال کیا جاسکتا ہے۔ پیائش کی گئی مقداروں کے نتیجے کے اظہار مندرجہ ذیل باتوں کا بھی خیال رکھا جانا چاہیے: پیائش کے آلات کی درستی صحت (Accuracy) پیائش کتنی دقیق (Precise) ہے اکثش میں ہونے والے سہو
- 11۔ پیائش کی گئی اور تحسیب کی گئی مقداروں میں صرف مناسب بامعنی ہندسوں کو ہی رکھنا چاہیے۔ کسی بھی عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد کا تعین ، ان سے حسابی فعل (arithmetic operation) اور غیر یقینی ہندسوں کو قریب تر کرنے کے اصولوں کی پابندی کرنی حاسے۔
- 12۔ بنیادی مقداروں کے ابعاد اور ان ابعادوں کے مجموعے طبیعی مقداروں کی فطرت بیان کرتے ہیں۔مساوات کی ابعادی ہم آ ہنگی حاوت جانچ اور طبیعی مقداروں میں رشتہ قائم کرنے کے لیے ابعادی تجزیہ کا استعال کرنا چاہیے۔کوئی ابعادی طور پر ہم آ ہنگ مساوات حقیقت میں سیح ہو،ضروری نہیں ہے لیکن ابعادی طور پر غلط یا غیر ہم آ ہنگ مساوات غلط ہی ہوگی۔

مشق

نوك : عددي جوابات لكھتے وقت، بامعنی ہندسوں كا خيال ركھيے

2.1 خالی جگهول کو بھریئے:

- (a) کسی 1 cm ضلع والے مکعب کا حجم m3 سیست کے برابر ہے۔
- (b) کسی 2 cm نصف قطراور cm او نیجائی والے ٹھوں اسطوانہ کی سطح کا رقبہ 2 cm) کے برابر ہے۔
 - (c) کوئی گاڑی 18 km/h کی رفتارہے چل رہی ہے تو یہ 1s میں mکی دوری طے کرے گی۔

ا کا ئیاں اور پیائش

- $_{-2}$ ------- kg m $^{-3}$ یا شت $_{-2}$ اس کی کثافت $_{-3}$ افت $_{-3}$ افت $_{-3}$ افت $_{-3}$ افت $_{-3}$ افت $_{-3}$ المحتال ال
 - 2.2 خالی جگہوں کو اکائیوں کی مناسب تبدیلی کے ذریعہ بھریئے:
 - $1 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2} = \dots \text{g cm}^2 \text{ s}^{-2}$ (a)
 - $1 \text{ m} = \dots 1y$ (b)
 - $3 \,\mathrm{m \, s^{-2}} = \dots \, \mathrm{km \, h^{-2}}$ (c)
 - $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ (kg)}^{-2} = \dots \text{ (cm)}^3 \text{ s}^{-2} \text{ g}^{-1}$ (d)
- 2.3 حرارت (بہتی ہوئی توانائی) کی اکائی کیلوری ہے اور تقریباً لا 4.2 کے برابر ہے جہاں1 J=1kgm²s²² ماکائیوں کے میں ہوئی توانائی) کی اکائی کی اکائی کی اکائی کی اکائی کی اکائی کی اکائی ہے ہوں میں کمیت کی اکائی میں کمیت کی اکائی میں کمیت کی اکائی میں کمیت کی اکائی ہوئی کے برابر ہے۔ یہ ظاہر کیجیے کہنگ اکا ئیوں کی بنیاد پر کیلوری کی عددی قدر γ عرابر ہے۔ یہ ظاہر کیجے کہنگ اکا ئیوں کی بنیاد پر کیلوری کی عددی قدر γ عرابر ہے۔ یہ ظاہر کیجے کہنگ اکا ئیوں کی بنیاد پر کیلوری کی عددی قدر γ عرابر ہے۔
 - 2.4 اس بیان کی واضح تشریح کیجیے:

''موازنہ کے لیے معیار کی صراحت کے بغیر کسی ابعادی مقدار کو'بڑا' یا'چھوٹا' کہنا ہے معنی ہے۔'' اسے ذہن میں رکھتے ہوئے نیچے دیئے گئے بیانوں کو جہال کہیں بھی ضروری ہو، دوسر لفظوں میں ظاہر سیجیے:

- (a) ایٹم بہت چیوٹی شے ہوتی ہے۔
- (b) جیٹ ہوائی جہاز نہایت تیز رفتار ہے۔
- (c) مشتری (Jupiter) کی کمیت بهت زیاده ہے۔
- (d) اس کمرے کے اندر ہوا میں سالموں کی تعداد بہت زیادہ ہے۔
 - (e) الكيشران كے مقابلے پروٹان بہت بھارى ہوتا ہے۔
 - (f) آواز کی رفتار روشنی کی رفتار سے بہت ہی کم ہوتی ہے۔
- 2.5 لمبائی کی کوئی نئی اکائی منتخب کی گئی ہے تا کہ خلامیں روشنی کی حیال کی قدر 1 (ایک اکائی) ہونے گا اکائی کی بنیاد پر سورج اور زمین کے درمیان فاصلہ کتنا ہوگا، اگر روشنی اس فاصلے کو طے کرنے میں 8 منٹ اور 20 سیکنڈ لگائے؟
 - 2.6 لمبائی کی بیائش کے لیے درج ذیل میں سے کون ساسب سے زیادہ دقیق (Precise) ہے
 - (a) ایک ورنیر کیلیپرس جس کے ورنیر پیانے پر 20 نشان ہیں۔
 - (b) ایک اسکرو گیج جس کی چوڑی فصل (mm (pitch اور دائری پیانے بر 100 نشان ہیں۔
 - (c) کوئی نوری آلہ جولمبائی کی پیائش روثنی کی طول لہر کی حد تک کرسکتا ہے۔
- 2.7 کوئی طالب علم 100 تکبیر (magnification) کے ایک مائیکرواسکوپ (خوردبین) کے ذریعہ دیکھ کرانسان کے بال کی موٹائی کی پیائش کرتا ہے۔ وہ 20 بار مشاہدہ کرتا ہے اور اسے معلوم ہوتا ہے کہ خوردبین کے نظر خطہ (field view) میں بال کی اوسط موٹائی mm 3.5 سے۔ بال کی موٹائی کے بارے میں کیا تخیینہ ہے؟

طبعیات

2.8 درج ذیل کے جواب دیجیے:

- (a) آپ کوایک دھا گہاور میٹر پیانہ دیا جاتا ہے۔ آپ دھاگے کے قطر کا تخیینہ کس طرح لگائیں گے؟
- (b) ایک اسکروکیج کی چوڑی فصل mm 1.00 ہے اور اس کے دائری پیانے پر 200 نشان ہیں۔ کیا آپ یہ سوچتے ہیں کہ دائری پیانے پر 200 نشان ہیں۔ کیا آپ یہ سوچتے ہیں کہ دائری پیانے پرنشانوں کی تعداداختیاری طور پر ہڑھادینے پراسکروکیج کی در تکی میں کتنا بھی اضافہ کرناممکن ہے؟
- (c) ورنیر کیلیپرس کے ذریعہ پیتل کی کسی تپلی چھڑ کے اوسط قطر کی پیائش کی جانی ہے۔ صرف 5 پیائشوں کے سیٹ کے مقابلے میں قطر (diameter) کی 100 پیائشوں کے سیٹ کے ذریعہ زیادہ معتبر اندازہ حاصل ہونے کا امکان کیوں ہے؟
- 2.9 کسی مکان کا فوٹو گراف mm 35 سلائیڈ پر 1.75 cm² کا رقبہ گھیرتا ہے۔سلائیڈ کوکسی اسکرین پر پروجکٹ کیا جاتا ہے اور اسکرین پرمکان کارقبہ 1.55 m² ہے۔ پروجکٹر -اسکرین بندوبست کی خطی تکبیر (linear magnification) کیا ہے؟

2.10 درج ذیل میں بامعنی ہندسوں کی تعداد ہتائے:

- 0.007 m^2 (a)
- $2.64 \times 10^{24} \text{ kg}$ (b)
- 0.2370 g cm^{-3} (c)
 - 6.320 J (d)
 - 6.032 N m⁻² (e)
- 0.0006032 m^2 (f)
- 2.11 دھات کی کسی مستطیل چادر کی لمبائی، چوڑائی وموٹائی بالترتیب m،4.234 m 1.005 اور 2.01 دس ہیں۔ صحیح بالمعنی ہندسوں تک چادرکار قبداور حجم معلوم کیجیے۔
- 2.12 پنساری کی ترازو کے ذریعہ پیائش کیے گئے ڈبے کی کمیت 2.3 kg ہے۔ سونے کے دوگئڑے جن کی کمیت و 20.15 اور 2.12 پنساری کی ترازو کے ذریعہ پیائش کیے گئے ڈبے کی کمیت (a) ٹیے جاتے ہیں۔ (a) ڈبے کی کل کمیت کتنی ہے، (b) صحیح بامعنی ہندسوں تک گئڑوں کی کمیتوں میں کتنا فرق ہے؟
 - 2.13 ایک طبیعی مقدار P، کا جار قابل مشابده مقدارون c, b, a اور ک سے رشتہ ہے:

 $P = a^3 b^2 / (\sqrt{\text{cd}})$

c, b,a اور d کی پیائش میں فی صدسہو بالتر تیب %1، %3، %4، اور %2 ہیں۔مقدار P میں فی صدسہو کتنا ہے؟ فرکورہ بالارشتہ کا استعال کر کے P کی قیت 3.763 نکلتی ہے تو آپ نتیجے کو کس قدر تک قریب تر (round off) کریں گے؟

2.14 کسی کتاب میں جسیائی کی متعدد غلطیاں ہیں، ایک دوری حرکت (periodic motion) کررہے ذرے کے نقل کے

- لیے حارمختلف فارمو لے دیئے گئے ہیں:
 - $y = a \sin 2\pi t / T$ (a)
 - $y = a \sin vt$ (b)
 - $y = (a/T) \sin t/a$ (c)
- $y = (a\sqrt{2}) \left(\sin 2\pi t/T + \cos 2\pi t/T\right)$ (d)
- ورے کا زیادہ سے زیادہ نقل (منتقلی)، v = i(1) ورے کی جالت کا دوری وقت)۔ ابعادی بنیاد پرغلط فارمولوں کو a) نكال ديجے۔
- کی حال ن،روشن کی حال c کے درمیان ہے۔ (پیرشتہ سب سے پہلے البرٹ آئسٹائن کے خصوصی اضافیت کے نظریئے کے متیج c کے طور پر حاصل ، ہوا) کوئی طالب علم اس تعلق کو تقریباً صحیح یاد کرتا ہے لیکن مستقلہ c کو لگانا بھول جاتا ہے۔ وہ لکھتا ہے: $m = \frac{m_0}{\left(1 - v^2\right)^{1/2}}$ قیاس سیجھے کہ $m = \frac{m_0}{\left(1 - v^2\right)^{1/2}}$ میٹی پیانے پر کمبائی کی آسان اکائی اینکسٹر ام ہے اور اسے c کے ذریعہ ظاہر کیا جاتا ہے: c کے قرایعہ ظاہر کیا جاتا ہے: c کے قرایعہ ظاہر کیا جاتا ہے: c کے نامین کی آسان اکائی اینکسٹر ام ہے اور اسے c کے خرایعہ ظاہر کیا جاتا ہے: c کے نامین کی آسان اکائی اینکسٹر ام ہے اور اسے c کے نامین کو نامین کی آسان اکائی اینکسٹر ام ہے اور اسے c کے نامین کی آسان اکائی اینکسٹر ام ہے اور اسے c کے نامین کی آسان اکائی اینکسٹر ام ہے اور اسے c کے نامین کی آسان اکائی اینکسٹر ام
- ے ایٹم کا سائز تقریباً $^{\circ}$ 0.5 ہے۔ ہائیڈروجن کے ایک مول ایٹموں کا $^{\circ}$ میں کل ایٹی جم کتنا ہوگا؟
- 2.17 کسی مثالی گیس کا ایک مول (جو ہری گرام) معیاری درجہ حرارت اور دباؤیر الے 22.4 جم (مولر حجم) گھیرتا ہے۔ ہائیڈروجن کے ایک مول کے مولر حجم اوراس کے ایک مول کے ایٹی حجم کا تناسب کیا ہے؟ (ہائیڈروجن کے ایٹم کے سائز کوتقریباً ۱۸۵ مانیے)۔ یہ تناسب اتناز بادہ کیوں ہے؟
- 2.18 اس عام مشاہدہ کی صاف طور پر تشریح کیجیے: اگر آپ تیز جارہی کسی رہل گاڑی کی کھڑ کی سے باہر دیکھیں تو قریب کے پیڑ، مکان وغیرہ رمل گاڑی کی حرکت کی مخالف سمت میں تیزی کے ساتھ حرکت کرتے دکھائی دیتے ہیں لیکن دور کی اشا (یہاڑی، جاند، تارے) وغیرہ ساکن لگتے ہیں۔(درحقیقت، جونکہ آپ کومعلوم ہے کہ آپ چل رہے ہیں اس لیے یہ دور کی اشیا آپ کواپنے ساتھ چلتی ہوئی دکھائی دیتی ہیں)۔
- 2.19 نہایت دور کے تاروں کی دوریاں معلوم کرنے کے لیے سیشن 2.3.1 میں دیئے گئے' اختلاف منظر' (parallax) کے اصول کا استعال کیا جاتا ہے۔سورج کے گرداینے مدار میں چھمہینوں کے وقفے پرزمین کے دومقامات کو ملانے والے خط کو بنیادی خط (base line) کہتے ہیں لیعنی بنیادی خط زمین کے مدار کے قطر= m × 10 اسلام کے تقریباً برابر ہے۔ کیکن، چونکہ قریب ترین تارے بھی اتنی دور ہیں کہ اتناطویل بنیادی خط ہونے پر بھی ان کےاختلاف منظر کا درجہ قوس کے"1 (سکنڈ) کے لگ بھگ ہوتا ہے۔ فلکیاتی پیانے پر لمبائی کی سہل اکائی پارسیک (parsec) ہے۔ بیکسی شے کی وہ دوری ہے جوزمین سے سورج تک کی دوری کے برابرلمیائی کے بنیادی خط کے دومخالف کناروں سے قوس کے " 1 کا اختلاف منظر ظاہر کرتی ہے۔ میٹروں کی اصطلاح میں ایک بارسك كتناہے؟
- 2.20 ہمارے نظام شمشی سے قریب ترین تارا 4.29 نوری سال دور ہے۔ یارسیک کی اصطلاح میں بید دوری کتنی ہے؟ بیہ تارا [الفا سٹوری (Alpha Centauri) نام کا] تب کتنا اختلاف منظرظا ہر کرے گاجب اسے سورج کے گرد اپنے مدار میں زمین کے دو

مقامات سے جو چیرمہینے کے وقفے پر ہیں، دیکھاجا تاہے؟

- 2.21 سائنس کی ضرورت ہے کہ طبیعی مقداروں کی دقیق پیمائش کی جائے۔ مثال کے لیے کسی جہاز کی چال کا پیۃ لگانے کا کوئی ایسا بالکل درست طریقہ ہونا چاہیے جس سے دونہایت ہی قلیل مدت کے وقفہ پر جہاز کے مقامات (position) کا تعین کیا جا سکے۔ دوسری عالمی جنگ میں رڈار کی دریافت کے پس پردہ حقیقی مقصد یہی تھا۔ جدید سائنس کی ان مختلف مثالوں کے بارے میں سوچے جن میں لمبائی، وقت، کمیت وغیرہ کی دقیق پیمائش کی ضرورت ہوتی ہے۔ جہاں آپ بتا سکتے ہوں وہاں یہ بھی بتا سے کہ پیمائش کس حد تک دقیق (تقریباً عددی قدر) ہونا چاہیے۔
- 2.22 جیسے سائنس میں بہتر دقیق کی ضرورت ہوتی ہے، اسی طرح ابتدائی تصورات اور عام مثابدات کا استعال کرتے ہوئے مقداروں کے موٹے طور پر تخمینہ لگانے کا اہل ہونا بھی ضروری ہے۔ ان طریقوں کوسوچئے جن کے ذریعے آپ درج ذیل کا اندازہ لگا سکتے ہیں: (جہاں تخمینہ لگانا مشکل ہے، وہاں مقدار کی اوپری حد (upper bound) کا پیتہ لگانے کی کوشش کیجیے)
 - a) مانسون کے دوران ہندوستان کے اوپر جھائے ہوئے بارش والے بادلوں کی کل کمیت
 - (b) کسی ہاتھی کی کمیت
 - (c) کسی طوفان کے دوران ہوا کی حیال
 - (d) آپ کے سرکے بالوں کی تعداد
 - (e) آپ کی کلاس کے کمرے میں ہوا کے سالموں کی تعداد
- 2.23 سورج گرم پلاز ما (آئن شده ماده) ہے جس کے اندرونی قالب (core) کا درجہ حرارت کا 10⁷ کے زیادہ اور ہیرونی سطح

 کا درجہ حرارت تقریباً کا 6000 ہے۔ اتنے زیادہ درجہ حرارت پر کوئی بھی مادہ ٹھوس یا مائع شکل میں نہیں رہ سکتا۔ سورج کی

 میت کثافت کے کس رینج میں ہونے کی آپ کوتو قع ہے؟ کیا یہ ٹھوسوں کی کثافت کے رینج میں ہے یا مائع یا گیسوں کی؟

 اینے اندازے کی درنگی کی جانچ آپ درج ذیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10³⁰ kg میں میں مورج کا قطر اسلام کا 10³⁰ kg
- 2.24 جب سیارہ مشتری زمین سے 8.24.7 ملین (دس لاکھ) کلومیٹر دور ہوتا ہے تو اس کے زاویائی قطر کی پیائش ایک توس کا"35.72 ہے۔مشتری کے قطر کا حساب لگاہیے۔

اضافيمشق

2.25 ایک شخص بارش میں تیز چال v کے ساتھ چلا جارہاہے۔ اسے پانی سے بیخے کے لیے اپنے جھاتے کو ٹیڑھا کر کے عمود کیساتھ θ زاور یہ بنانا پڑتا ہے۔ ایک طالب علم θ اور v کے درمیان درج ذیل رشتہ اخذ کرتا ہے: v اور v تو v وار v کو اور v کے درمیان درج ذیل رشتہ اخذ کرتا ہے: v اور v وار v و

- 2.26 ید دعویٰ کیا جاتا ہے کہ اگر بغیر کسی رکاوٹ کے 100 سالوں تک دوسیزیم گھڑیوں کو چلنے دیا جائے تو ان کے وقت میں صرف 8 0.02 کا فرق ہوسکتا ہے۔معیاری سیزیم گھڑی کے ذریعہ 8 1 کے وقفہ وقت کی پیائش میں درشگی کے لیے اس کا کیا مطلب ہے؟
- 2.27 ایک سوڈیم ایٹم کا سائز تقریباً 2.5 Å مانتے ہوئے اس کے اوسط کمیت کثافت کا اندازہ لگائے۔ (سوڈیم کی ایٹمی کمیت اور آوگاڈرو کے عدد کی معلوم قیمت کا استعمال تیجیے)۔ کرشل کی حالت میں سوڈیم کی کمیت کثافت 970 kg mr کے ساتھ اس کا موازنہ تیجیے۔ کیا ان دونوں کثافتوں کی مقدار ایک ہی درجہ (order) کی ہے؟ اگر ہاں، تو کیوں؟
- (emperical نیوکلیر پیانے پر لمبائی کی موزوں اکائی فرمی ہے: (f = 10⁻¹⁵m) ۔ نیوکلیر سائز درج ذیل آزمائش رشتے 2.28 (relation) کی موٹے طور پر قبیل کرتے ہیں:

$r = r_0 A^{1/3}$

جہاں میں نیوکئٹ کا نصف قطر، A اس کا کمیت عدد اور _{ro} کوئی مستقلہ ہے جوتقریباً 1.2 f کے برابر ہے۔ یہ ثابت کیجے کہ اس اصول سے مراد ہے کہ مختلف نیوکئیس کے لیے نیوکئیائی کمیت – کثافت تقریباً مستقل ہے۔ سوڈ یم نیوکئیس کی کمیت – کثافت کے ساتھ اس کا (mass density) کا اندازہ لگائے۔ سوال 2.27 میں معلوم کیے گئے سوڈ یم ایٹم کی اوسط کمیت – کثافت کے ساتھ اس کا مواز نہ کیجے۔

- 2.29 لیزر (LASER) روشنی کی نہایت شدید، یک رنگی اور یک سمتی شعاع کا ذریعہ ہے۔ لیزر کی ان خوبیوں کا استعال کمی دوریوں کی یہائی میں کیا جاسکتا ہے۔ لیزر کوروشنی کے ذریعہ کے طور پر استعال کرتے ہوئے پہلے ہی چاند کی زمین سے دوری دقیق طور پر معلوم کی جاچکی ہے۔ کوئی لیزر شعاع چاند کی سطح سے منعکس ہوکر 8 2.56 میں واپس آجاتی ہے۔ زمین کے گرد چاند کے مدار کا نصف قطر کتنا ہے؟
- (sound navigation and ranging, SONAR) پانی کے نیچے کی اشیا کو ڈھونڈ نے اوران کے مقام کاپیۃ لگانے کے لیے سونار (ultrasonic waves) میں بالاصوتی اہروں (ultrasonic waves) کا استعال ہوتا ہے۔ کوئی آبدوز کشتی سونار (صوتی جہازرانی اور ریجنگ) سے لیس ہے۔ اس کے ذریعے پیدا ہوئی تحقیقی اہریں اور دشمن کی آبدوز کشتی سے منعکس اس کی بازگشت (echo) کے وصول ہونے کے درمیان وقت تاخیر (علی میں کا میں میں کی تبدوز کشتی (پن ڈبی) کتنی دور ہے؟ (پانی میں آواز کی عیال = 77.0 s (time delay)۔
- 2.31 ہماری کا نئات میں جدید ماہرین فلکیات کے ذریعہ دریافت کی گئی سب سے دور کی اشیااتی دور ہیں کہ ان کے ذریعہ خارج کی گئی سب سے دور کی اشیااتی دور ہیں کہ ان کے ذریعہ خارج کی گئی سب سے دور کی اشیاتی دور ہیں کہ ان کے ذریعہ خارج روشی کی بیاں اور معلوم کیجے میں اربوں سال لگتے ہیں۔ان اشیا جنہ کی ایسے کو اسار کی ایسے کا سام میں دوری معلوم کیجے جس سے خارج روشی کو ہم تک پہنچنے میں 300 کروڑ سال لگتے ہوں۔
- 2.32 بیالی معروف حقیقت ہے کہ کمل سورج گربن کے دوران چاند کی ڈسک سورج کی ڈسک کو پوری طرح ڈھک لیتی ہے۔اس حقیقت اور مثال 2.1 اور 2.2 سے جمع معلومات کی بنیاد پر جاند کے قطر (تقریباً) کا تعین کیجیے۔
- 2.33 اس صدی کے ایک عظیم طبیعیات دال (پی ۔اے۔ایم ۔ ڈیریک) فطرت کے بنیادی مستقلوں (fundamental)

constants of nature) کے ہندسوں کی قیمتوں کے ساتھ کھیلنے میں لطف اندوز ہوتے تھے۔اس سے انہوں نے ایک بہت ہیں دلجسپ مشاہدہ کیا۔ ایٹمی فزکس کے بنیادی مستقلہ ن ، ورون کی کمیت، پروٹون کی کمیت) اور قوت مادی شش مستقلہ کے بنیادی مستقلہ کے بنیادی مستقلہ کے ابعاد وقت کے ابعاد وقت کے ابعاد میں۔ بیا یک بہت بڑا عدد ہے جس کی قدر کا نئات کی عمر کے موجودہ تخمینے (15 ~ کروڑ سال) کے قریب ہے۔ اس کتاب میں دیئے گئے بنیادی مستقلہ کے جدول میں دیکھیے کہ کیا آپھی اس عدد (یا اور کوئی عدد جھے آپ سوچ سکتے ہیں) کو بناسکتے ہیں۔ اگر کا نئات کی عمر سے اس کا انطباق ہونا بامعنی ہے تو بنیادی مستقلوں کی ہم آ ہنگی کے لیے اس سے کیا اشارہ ملتا ہے؟